

---

Precision Measurements of  
Radiative  $B$  Meson decay  $B \rightarrow X_s \gamma$   
with a Semi-inclusive Reconstruction Method

準包括的再構成法を用いた  $B \rightarrow X_s \gamma$   
の精密測定

---

齋藤 智之(素粒子実験)

2014/01/30 博士論文審査会

# 目次

---

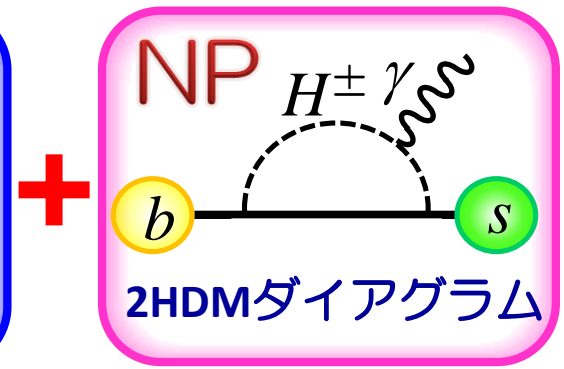
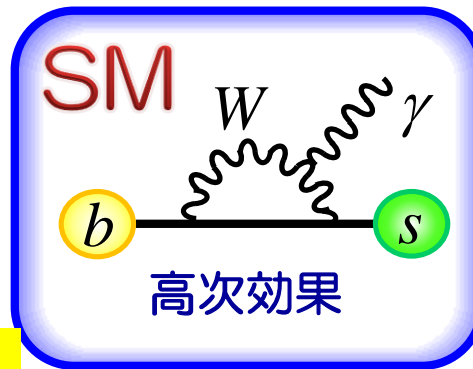
- 1,  $B \rightarrow X_s \gamma$  と測定手法
- 2, Belle 実験
- 3, MCサンプル作成
- 4, 信号再構成
- 5, 背景事象除去
- 6, 信号抽出手法
- 7, 系統誤差
- 8,  $140 \text{ fb}^{-1}$ のデータを用いた解析
- 9, 全データを用いた解析と結果
- 10, 結論

# $b \rightarrow s\gamma$ 遷移

- LHCでの新物理の直接測定で何の兆候も見えない。  
→ 間接測定がますます重要。

## $b \rightarrow s\gamma$ 遷移

- ▶ 標準理論ではツリーレベルが禁止 (Flavor Changing Neutral Current) で、ループダイアグラムで生じる。
- ▶ 新物理が预言する重い新粒子がループ中に現れることが期待。
- ▶ 理論計算が精度よくでき新物理探索に有用。

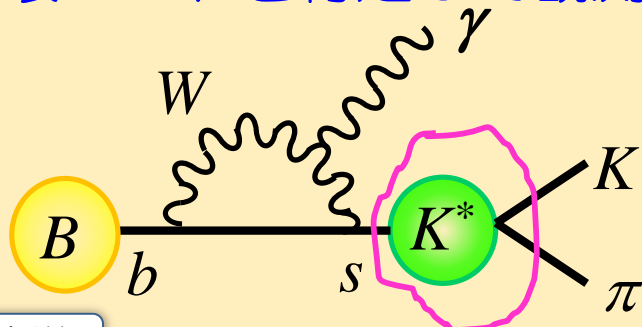


# 崩壊分岐比測定手法(Inclusive崩壊)

## $b \rightarrow s \gamma$ の崩壊分岐比測定

### Exclusive 崩壊測定

崩壊モードを特定して観測



特徴

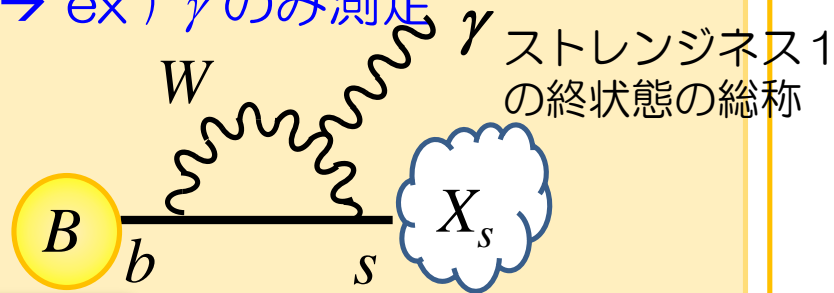
理論エラー大

- 実験的には比較的易しい
- form factorの不定性大で理論誤差大 → 新物理の感度低

### Inclusive 崩壊測定

多くの終状態をまとめて観測

→ ex)  $\gamma$ のみ測定



特徴

- 実験的に大変
- 崩壊モデルの不定性を抑制可能で理論の誤差小 → 新物理に感度高

新物理探索には **Inclusive測定** が有用

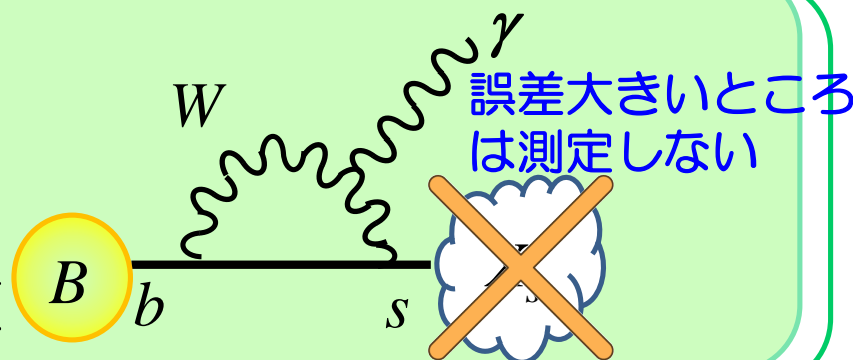
# 崩壊分岐比測定手法 (Semi-inclusive手法)

- Inclusive法では $X_s$ の崩壊モデルの不定性を抑制するための対策によって手法が2つある。

## Full-inclusive 再構成

( $\gamma$  のエネルギーのみ測定)

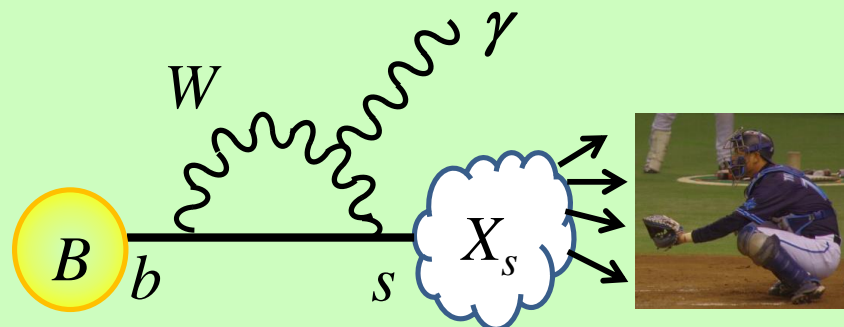
- 理論の不定性非常に小さい
- 背景事象の除去が困難
- 検出器、背景事象の精密な理解必須



## Semi-inclusive再構成

( $X_s$ を多数の崩壊モードから再構成)

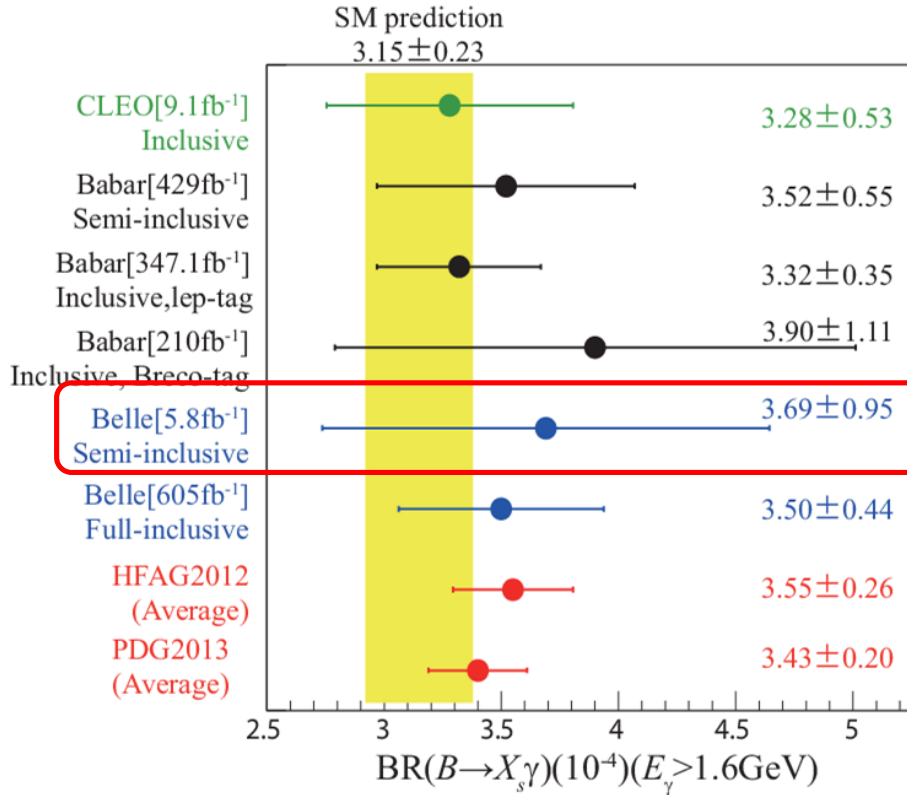
- 理論の不定性小さい
- 実際にBを再構成するので背景事象の抑制可



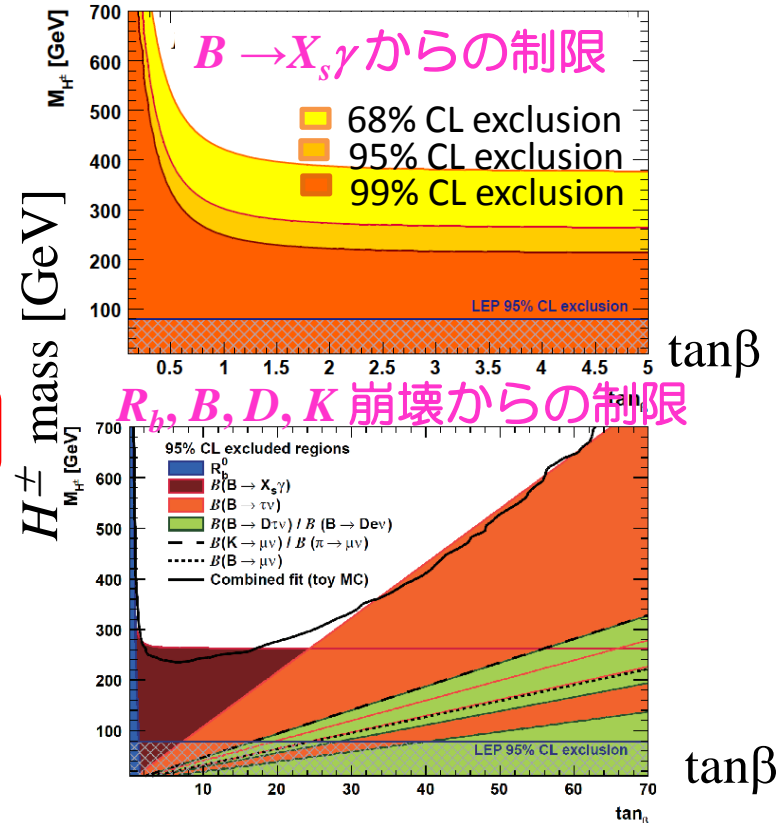
どんなモードも全て測定  
=  $X_s$ が何に崩壊してようが関係ない

# $B \rightarrow X_s \gamma$ 崩壊分岐比の現状

## 崩壊分岐比測定結果



## 荷電ヒッグスへの制限(2HDM)



- 誤差の範囲で標準理論と一致。 --> 新物理モデルに強い制限
- さらに精度を上げた測定をし、新物理を検証する。
- Belle実験でSemi-inclusive手法を用いた研究を行う。

---

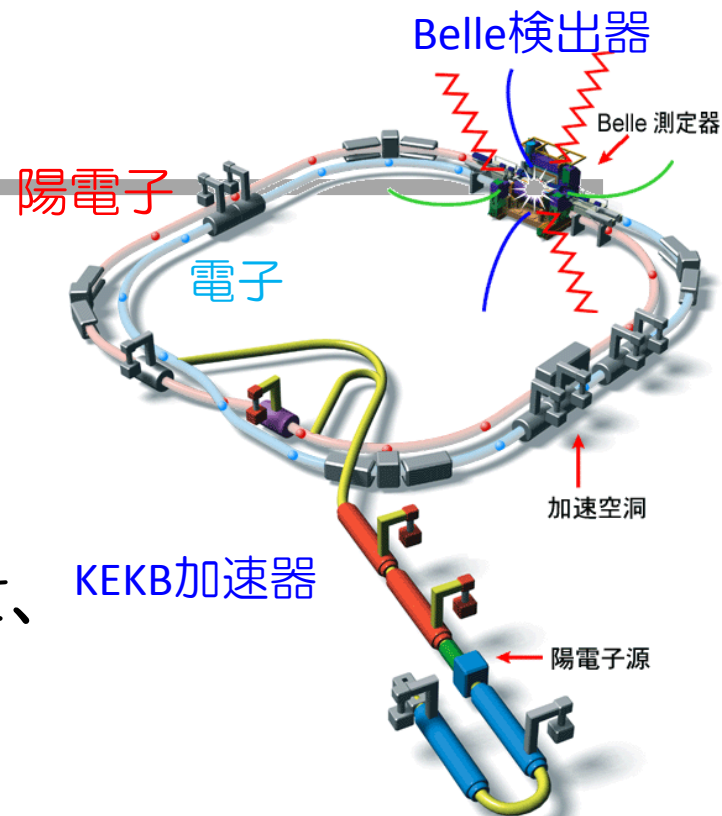
# Belle実験

---

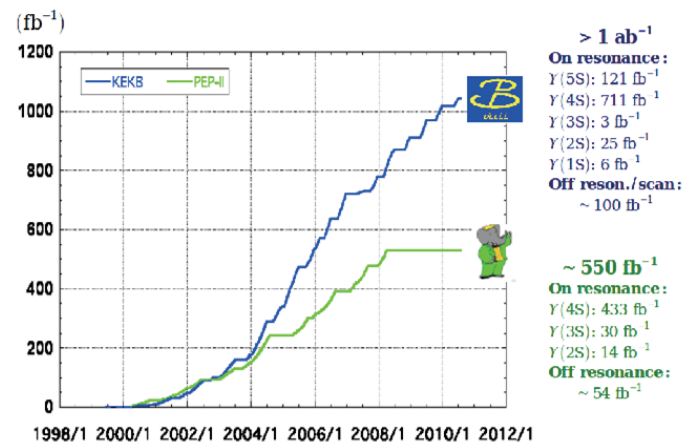
# Belle 実験

目的：  $B$  中間子を大量に生成し、崩壊過程を精密観測

- ▶ 電子 8GeV、陽電子 3.5GeVを衝突させ、 $Y(4S)$ 共鳴で $BB$ ペアを生成。
- ▶ ピークルミノシティ：  $2.1 \times 10^{34} \text{cm}^{-2}\text{s}^{-1}$
- ▶ 最終積分ルミノシティ：  $\sim 1000 \text{fb}^{-1}$   
(本解析では $Y(4S)$ の $711 \text{fb}^{-1}$ を使用。)
- ▶ 1999年6月～2010年6月データ取得
- ▶ 現在も最終データを用いた解析が行われている。



Integrated luminosity of B factories





# Belle 検出器

特徴：高い運動量測定精度 & 優れた粒子識別

- 崩壊点検出器 ( $\sigma \sim 75 \mu\text{m}$ )

- 半導体崩壊点検出器

- 飛跡検出器 ( $\sigma/p_t \sim 0.5\%$ )

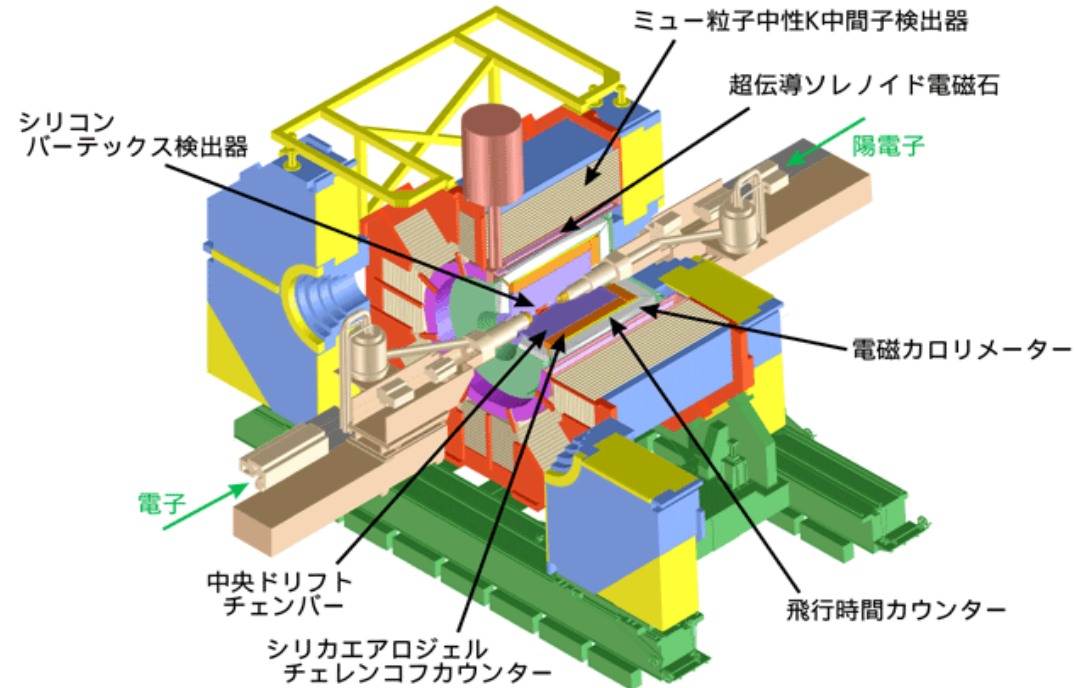
- ドリフトチェンバー (CDC)
- 半導体崩壊点検出器

- カロリメータ ( $\sigma/E \sim 1.6\%$ )

- CsI電磁カロリメータ

- 粒子識別

- $K^\pm/\pi^\pm$  識別：CDC ( $dE/dx$ ), チェレンコフカウンタ, 飛行時間測定器  
→ 88%のK 識別、8.5%の $\pi$ の誤識別
- 電子 識別：CDCとCsIカロリメータで測定したE/p 等 → 92%の識別
- $K_L/\mu$  識別：最外層の鉄とRPCを積層した検出器 → 90%の $\mu$ 識別



---

# MC サンプル作成

---

# $B \rightarrow X_s \gamma$ のMCサンプル ( $M_{X_s}$ 分布)

- $\gamma$  のエネルギーと  $X_s$  の質量分布はフェルミ運動等の影響で理解が難しい。

▶  $M_{X_s} < 1.15 \text{ GeV}/c^2$

…  $K^*$  共鳴支配的(よく理解されている)

▶  $M_{X_s} > 1.15 \text{ GeV}/c^2$

… 様々な終状態(よく理解されていない)

•  $M_{X_s}$  分布の形

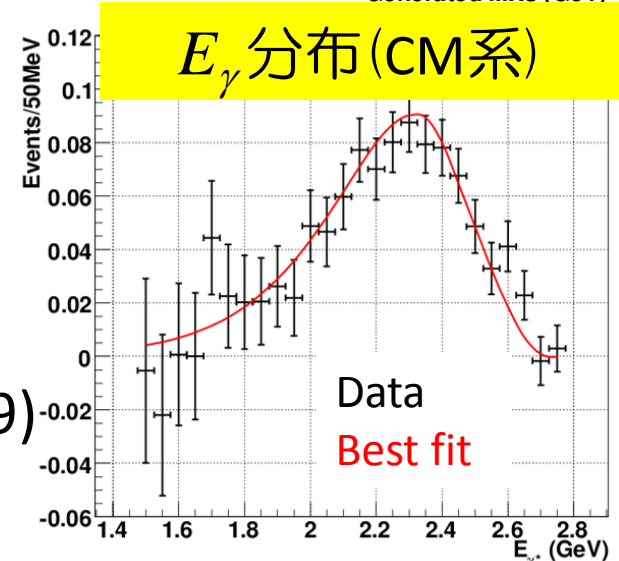
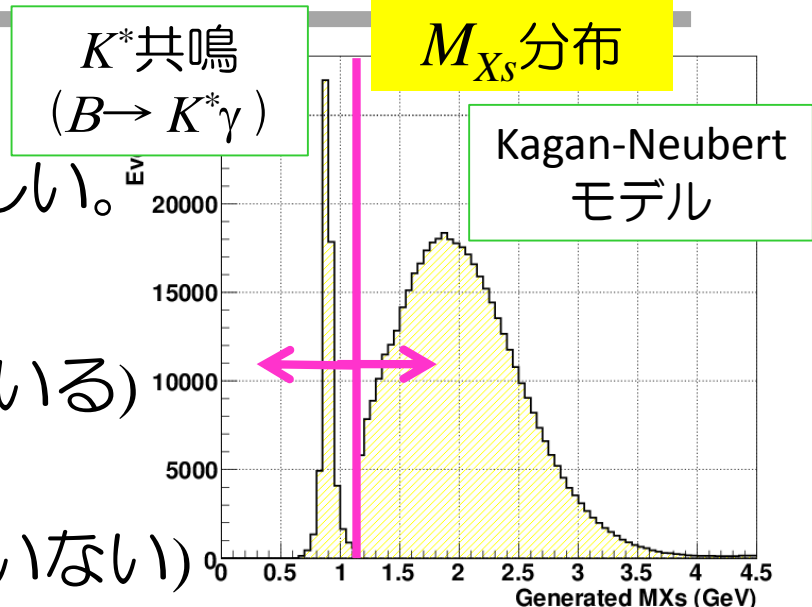
– Kagan-Neubertモデルを使用

– next-to-leading order

– 2つの入力変数 ( $m_b$ ,  $\mu_\pi^2$ )

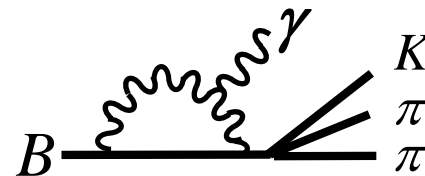
– Belleの以前の結果 (Full inclusive, 2009)

とBest fitを使用



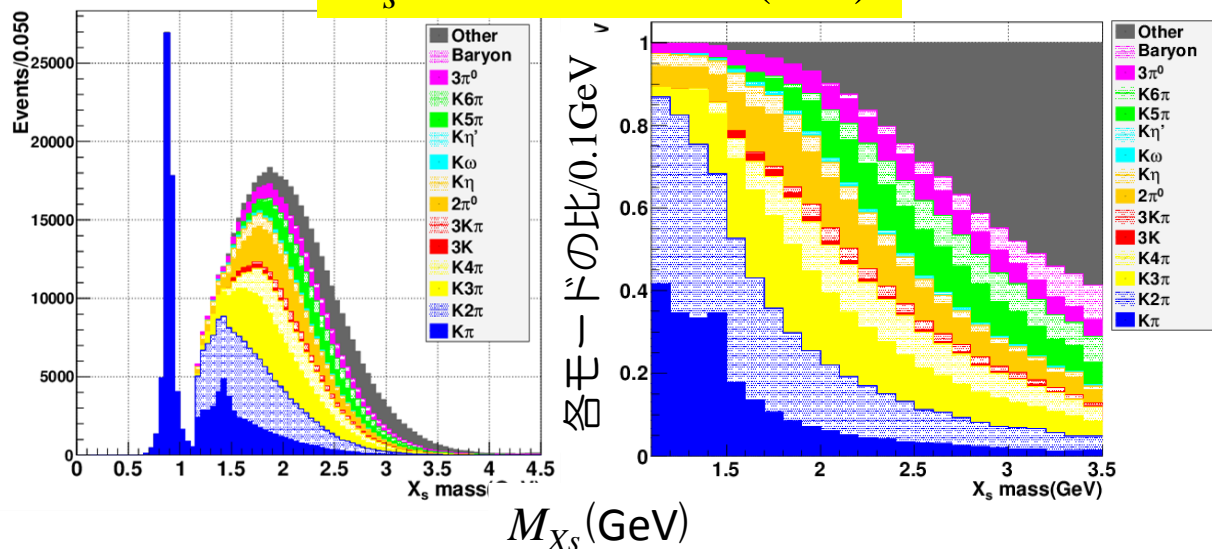
# $B \rightarrow X_s \gamma$ MCサンプル(ハドロン化モデル)

- $B \rightarrow X_s \gamma$ の終状態：クォークのまま出てこれないため、ハドロンを形成(ハドロン化)



- ▶ Pythiaで生成

$X_s$ 終状態の内訳(MC)



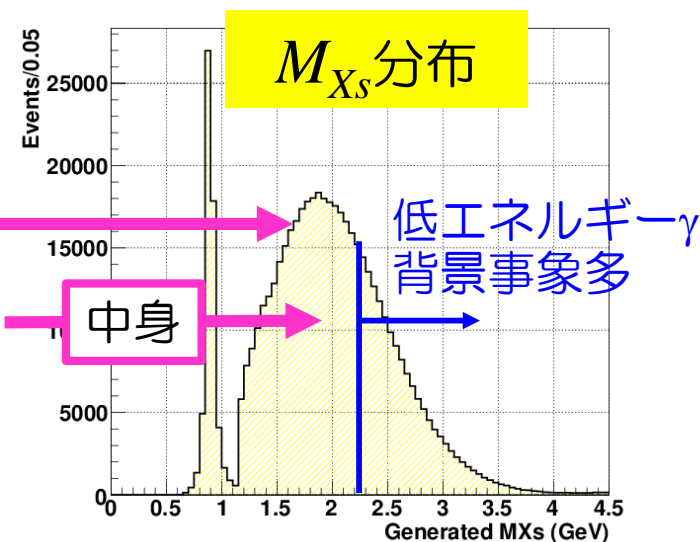
- ▶ 最終結果はハドロン化モデルに依存するため、**実データを用いた較正が必要**。

$X_s$ 終状態内訳(%)(MC)	
$K_{(s)}\pi$	15.1
$K_{(s)}2\pi$	11.6
$K_{(s)}3\pi$	9.0
$K_{(s)}4\pi$	5.1
$K_{(s)}2\pi^0(\pi, 2\pi)$	5.9
$K_{(s)}\eta(\pi, 2\pi)(\eta \rightarrow \gamma\gamma)$	2.2
$3K$	1.3
$K\omega(\omega \rightarrow \pi^0\gamma)$	0.7
$K\eta'(\eta' \rightarrow \rho^0\gamma)$	0.5
バリオン	1.6
$K_L$ モード	27.2
その他	19.8

# 本研究のポイント

## ● 本研究の特徴

- ▶ 統計量は十分 (生成数:  $5 \times 10^5$  事象)
- ▶ 系統誤差が支配的:  $X_s$  の崩壊モデル
  - $M_{X_s}$  分布モデルの誤差
  - $X_s$  崩壊のハドロン化モデルの誤差



系統誤差抑制のためには、

- MCのモデルをデータを使い較正し誤差の抑制が必要
- 信号数少 & 背景事象多の高 $M_{X_s}$ 領域で高いSignificanceを得ることが重要

---

# 信号再構成

---

# 粒子選択(高エネルギー $\gamma$ )

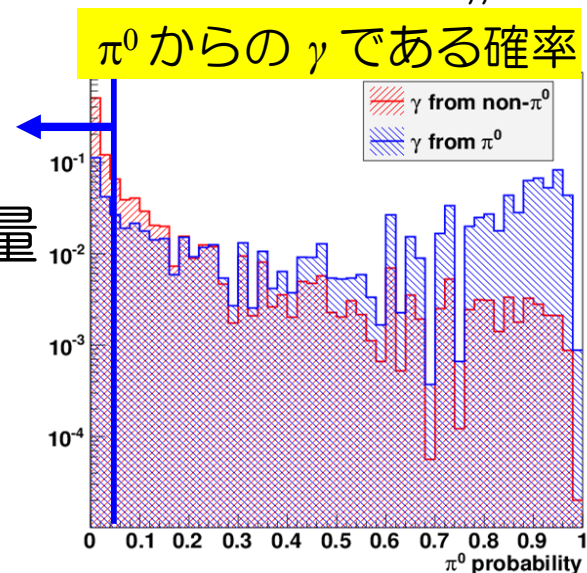
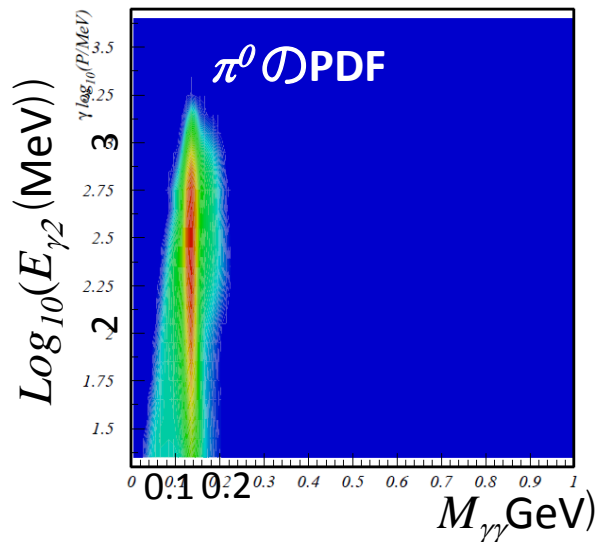
## ● $\gamma$ 信号の選択

- ▶ 高エネルギー  $\gamma$  は特徴的信号
- ▶  $1.8 < E_\gamma < 3.4$  GeV (CM系)
- ▶ バレル領域のみ ( $33 < \theta < 132^\circ$ )
- ▶ シャワーの形
- ▶  $\pi^0/\eta$  veto

- 主な背景事象  $\pi^0(\eta)$  からの  $\gamma$  を排除
- 2次元PDFで  $\pi^0(\eta)$  からの  $\gamma$  である

確率を定義

- 信号候補  $\gamma_1$  とその他の  $\gamma_2$  を組んだ質量
- $\gamma_2$  のエネルギー
- 75%の信号を保持し、  
 $\pi^0$ からの  $\gamma$  背景事象を20%に低減



# 粒子選択 ( $K^\pm, \pi^\pm, K_s, \pi^0, \eta$ )

## ● 荷電粒子 ( $K^\pm, \pi^\pm$ ) 選択

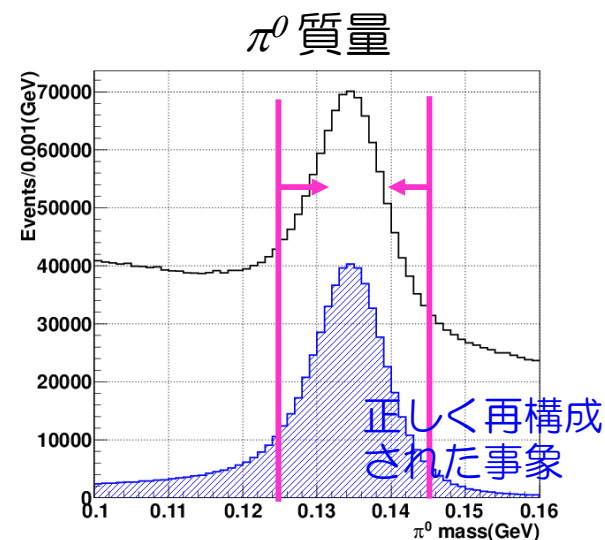
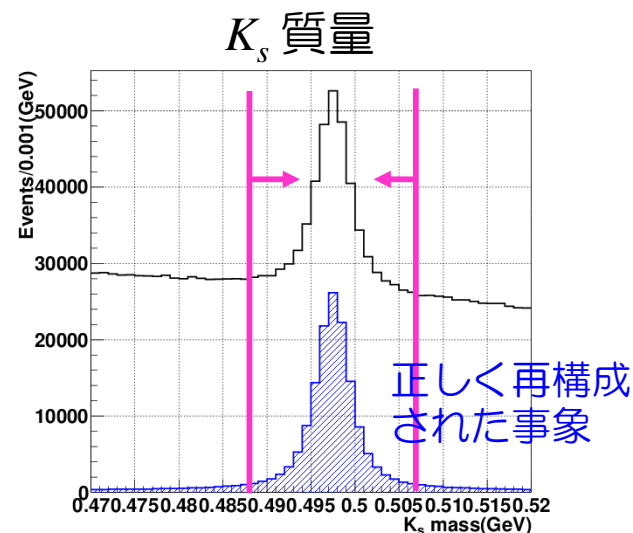
- ▶ 衝突点(IP)起源
- ▶  $p > 0.1 \text{ GeV}/c$
- ▶  $K/\pi$  識別

## ● $K_s$ ( $\rightarrow \pi^+\pi^-$ ) 再構成

- ▶ 多変数解析(ニューラルネットワーク)
  - $K_s$ の崩壊点とIPの距離、  
2つの飛跡の間の距離、等
  - 効率：87%

## ● $\pi^0, \eta$ ( $\rightarrow \gamma\gamma$ ) 再構成

- ▶  $E_\gamma^{\pi^0(\eta)} > 50 (100) \text{ MeV}$
- ▶  $125(515) < M_{\gamma\gamma}^{\pi^0(\eta)} < 145 (570) \text{ MeV}/c^2$
- ▶  $\pi^0: \cos\theta_{\gamma\gamma} > 0.4, \eta: \cos\theta_{\text{hel}} < 0.8$





# $X_s$ 再構成 (Semi-inclusive 法)

● **Semi-inclusive 法** :  $X_s$  を  $K, K_s, \pi, \pi^0, \eta$  用いて再構成

▶ 理想は全ての終状態を再構成。

しかし、

- 分岐比小
- 再構成効率小
- 背景事象多

により困難。

▶ **38 終状態**を再構成

- $X_s$  の終状態の **56 %** をカバー。
- $K_s$  を含むモードと同数の  $K_L$  モードを含めると **69 %**。

再構成した終状態				
$K\pi$	$K\pi$	$K_s\pi$	$K\pi^0$	$K_s\pi^0$
$K2\pi$	$K\pi\pi$	$K_s\pi\pi$	$K\pi\pi^0$	$K_s\pi\pi^0$
$K3\pi$	$K\pi\pi\pi$	$K_s\pi\pi\pi$	$K\pi\pi\pi^0$	$K_s\pi\pi\pi^0$
$K4\pi$	$K\pi\pi\pi\pi$	$K_s\pi\pi\pi\pi$	$K\pi\pi\pi\pi^0$	$K_s\pi\pi\pi\pi^0$
$3K$	$KKK$	$KKK_s$		
	$KKK\pi$	$KKK_s\pi$	$KKK\pi^0$	$KKK_s\pi^0$
$K\eta$	$K\eta$	$K_s\eta$	$K\eta\pi$	$K_s\eta\pi$
	$K\eta\pi^0$	$K_s\eta\pi^0$	$K\eta2\pi$	$K_s\eta2\pi$
	$K\eta\pi\pi^0$	$K_s\eta\pi\pi^0$		
$2\pi^0$	$K\pi^0\pi^0$	$K_s\pi^0\pi^0$	$K\pi\pi^0\pi^0$	$K_s\pi\pi^0\pi^0$
	$K\pi\pi\pi^0\pi^0$	$K_s\pi\pi\pi^0\pi^0$		

# B 中間子再構成

## ● B 中間子を $\gamma$ と $X_s$ から再構成

- ▶ 2つの独立の変数で選択

### Beam Constrained Mass ( $M_{bc}$ )

$$M_{bc} \equiv \sqrt{(E_{beam}^* / c^2)^2 - (|\vec{p}_B^*| / c)^2}$$

- ビームエネルギーとBの運動量で得たBの質量
- $M_{bc} > 5.24 \text{ GeV}/c^2$

### Energy Difference ( $\Delta E$ )

$$\Delta E \equiv E_B^* - E_{Beam}^*$$

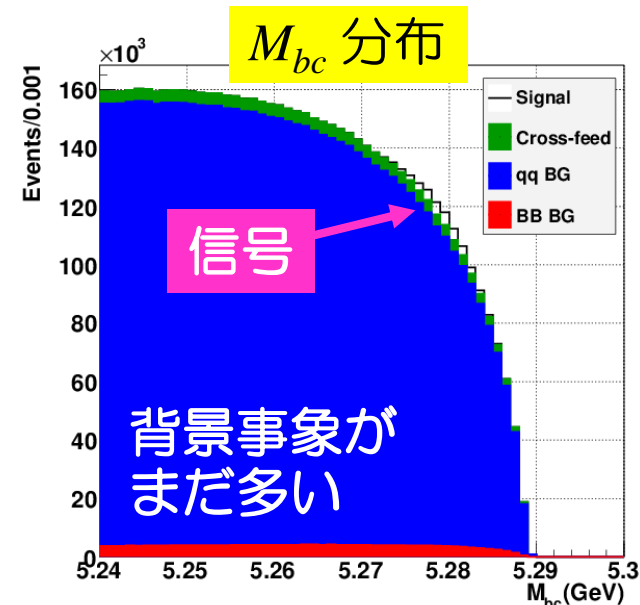
- ビームとBのエネルギー差
- $-0.15 < \Delta E < 0.08 \text{ GeV}$
- $-0.10 < \Delta E < 0.05 \text{ GeV}$  ( $2\pi^0, \eta\pi^0$ )

- ▶ 最終的には  $M_{bc}$  で信号を抽出
- ▶ 強力な背景事象の除去が必要

再構成後の事象数

( $M_{bc} > 5.27 \text{ GeV}, M_{\nu} < 2.8 \text{ GeV}$ )

	Event selection
Signal	30356
Cross-feed	90940
$q\bar{q}$ BG	2545069
$B\bar{B}$ BG	231770
Significance	17.8



---

# 背景事象の除去法

---

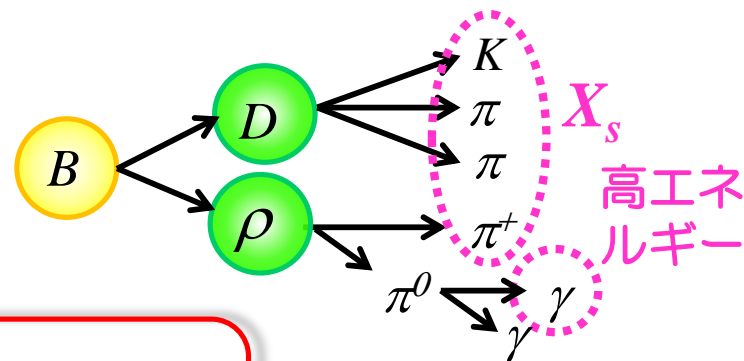
## 主な背景事象

- ▶  $B$  中間子が  $D$  中間子にいく崩壊
- ▶  $e^+e^- \rightarrow qq$  事象

# D 中間子崩壊由来の背景事象抑制：D veto

● D 中間子(+ $\pi^0$ )を含む崩壊からの背景事象が多く混入。

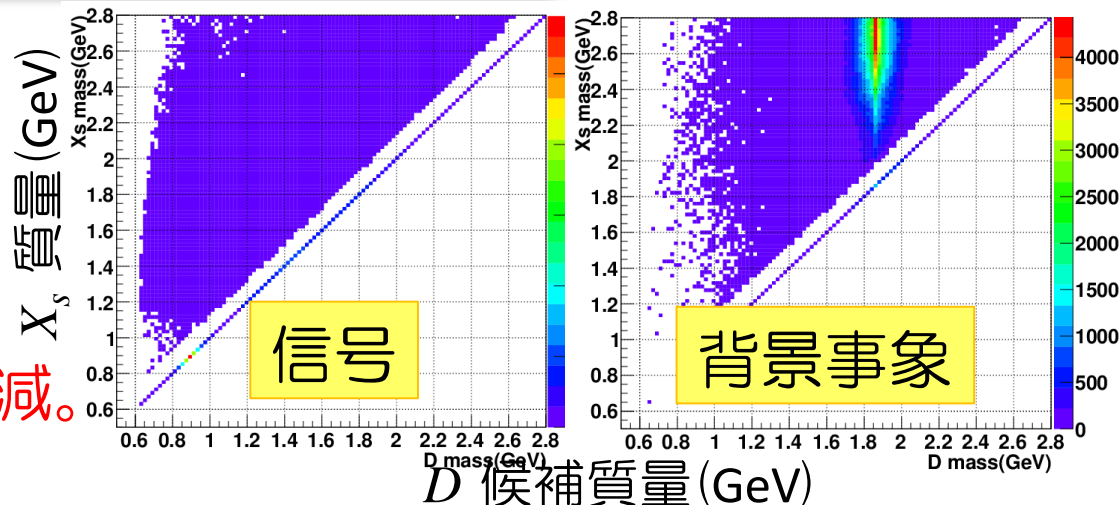
- ▶ 主に $B \rightarrow D\rho$  (分岐比が $10^2$ 倍以上)
- ▶ 信号領域にピークを作るため、信号と間違える。



## D veto

$X_s$ の再構成に使用した粒子を組み合わせ、 $D$ の質量に近い事象を排除。

- ▶  $M_{X_s} > 2.0$  GeVで $D$ の質量 (1835-1895MeV) を除去。  
→ 信号を90%保持し、 $D$ の背景事象を23%に低減。



# qq 背景事象の抑制(多変数解析)

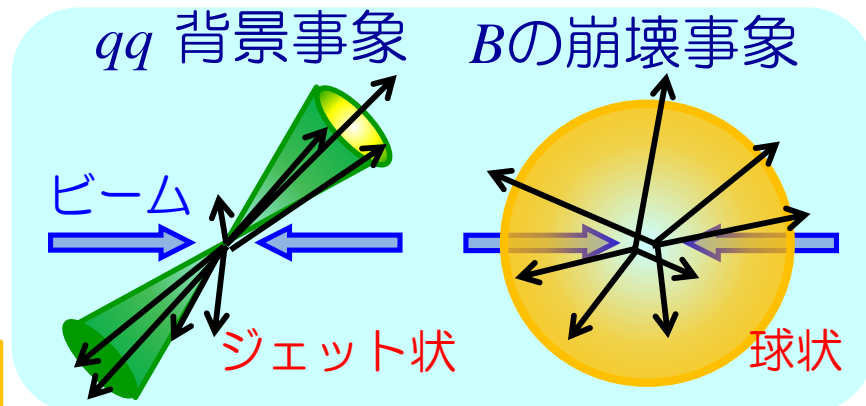
## ● 最大の背景事象は軽いクォークjet事象 ( $e^+e^- \rightarrow qq$ ( $q=u, d, c, s$ ))

### ▶ ニューラルネット (NeuroBayes) による多変数解析

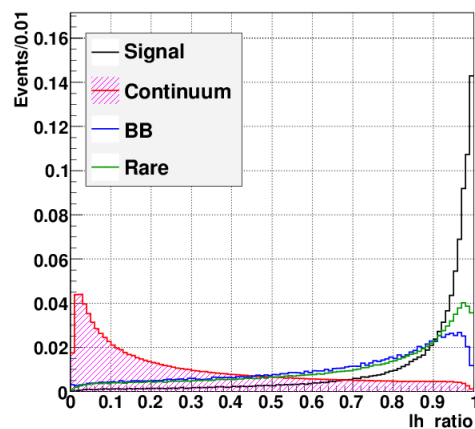
→ 入力変数の相関を考慮し、分離能力を最適化。

入力変数：12個(主にイベント形状)

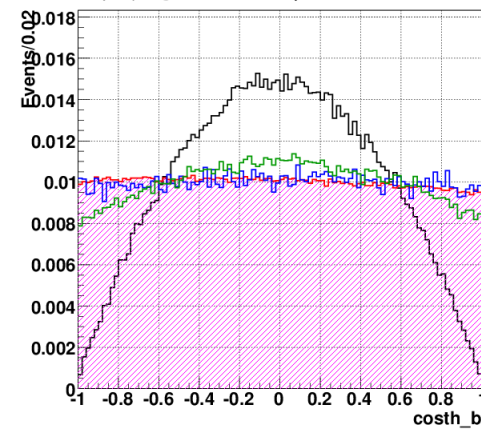
- Fisher discriminant (ルジャンドル多項式を用いて評価したイベント形状変数)
- $B$ 中間子の飛行方向
- Thrust
- Sphericity
- Aplanarity
- 逆側の $B$ のフレーバー情報
- $\Delta E$ のLikelihood



Fisher discriminant



$B$  中間子の飛行方向



# qq 背景事象の抑制(トレーニングとカットの最適化)

## ● ニューラルネットのトレーニング

▶ 系統誤差抑制のためには高 $M_{X_S}$ 領域でのSignificanceの向上が必要。

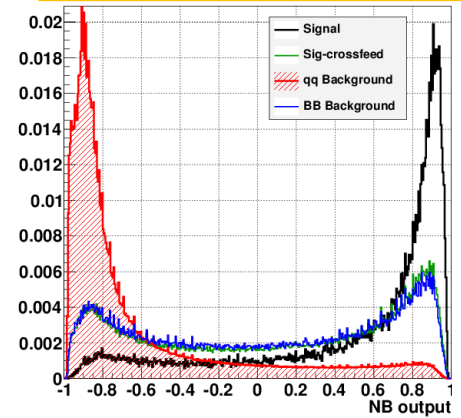
-->  $2.2 < M_{X_S} < 2.8 \text{ GeV}/c^2$  の事象のみでトレーニングを行い、出力をこの領域で最適化。

## ● カットの最適化

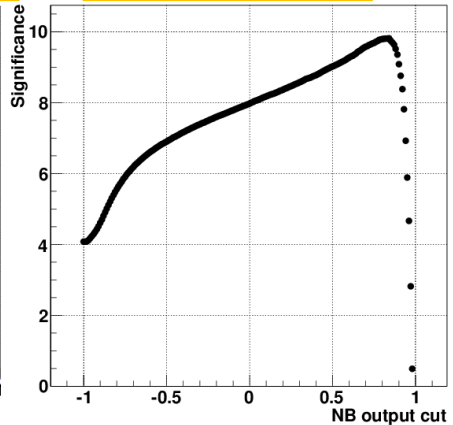
▶ 系統誤差抑制のため  $2.2 < M_{X_S} < 2.8 \text{ GeV}/c^2$  でのSignificanceで最適化。

--> 信号を52%保持し、qq 背景事象を2%に低減。

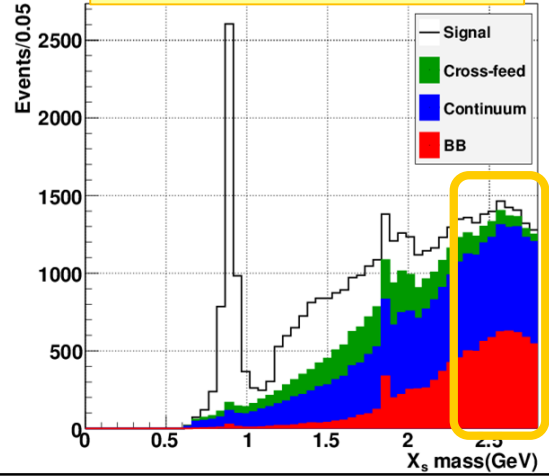
ニューラルネットの出力



カット値とSignificance



$M_{X_S}$  分布(カット後)



$2.2 < M_{X_S} < 2.8$   
測定が困難な領域

# B 中間子の最適候補選択と背景事象除去結果

## ● B 中間子の最適候補選択(Cross-feed 背景事象の抑制)

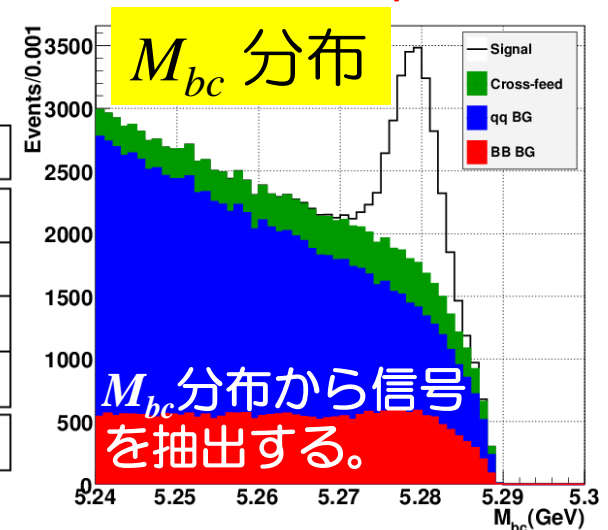
- ▶ 38 終状態を同時に再構成しているため、1イベント当たり多くの B 中間子候補(Cross-feed)が存在。
- ▶ ニューラルネット出力が最も1に近い事象を選択  
--> 信号を85%保持し、Cross-feedを42%に低減。

## ● 背景事象除去結果

- ▶ Significanceが18→58に向上。(2<M<sub>Xs</sub><2.8 GeV/c<sup>2</sup>: 4→10)

背景事象除去後の事象数((M<sub>bc</sub>>5.27 GeV, M<sub>Xs</sub><2.8 GeV)

	Event selection	D veto	q $\bar{q}$ suppression	BCS
Signal	30356	27137	14068	11824
Cross-feed	90940	64938	13096	5563
q $\bar{q}$ BG	2545069	1837720	42195	15226
BB BG	231770	118749	20023	8976
Significance	17.8	19.0	47.1	58.0



---

# 信号抽出方法

---

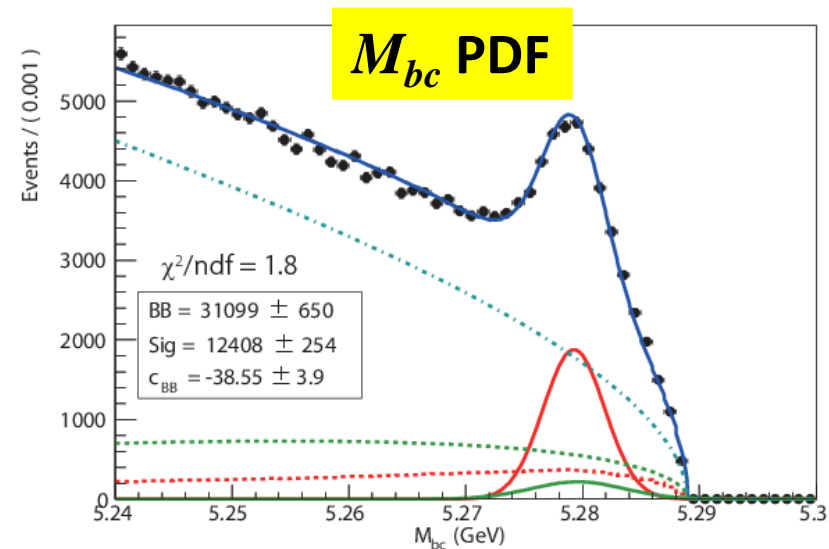


# 信号抽出方法

## ● $M_{bc}$ 分布をフィットして信号を抽出

- ▶  $M_{Xs} < 2.8 \text{ GeV}/c^2$  ( $M_{Xs} > 2.8 \text{ GeV}/c^2$ は信号数小、BG多で厳しい)
- ▶ Unbinned Maximum Likelihood Fit
- ▶ 5つのPDFを組み合わせる。
  - Signal PDF(赤実線)
  - Signal Cross-feed PDF : 信号事象からの背景事象(赤点線)
  - Peaking BG PDF : 信号領域にピークを持つ背景事象(緑実線)
  - Non-peaking BG PDF : ピークを持たないB崩壊からの背景事象(緑点線)
  - $qq$  背景事象 PDF(水色)
- ▶ PDFはできる限りデータをもとに作成。

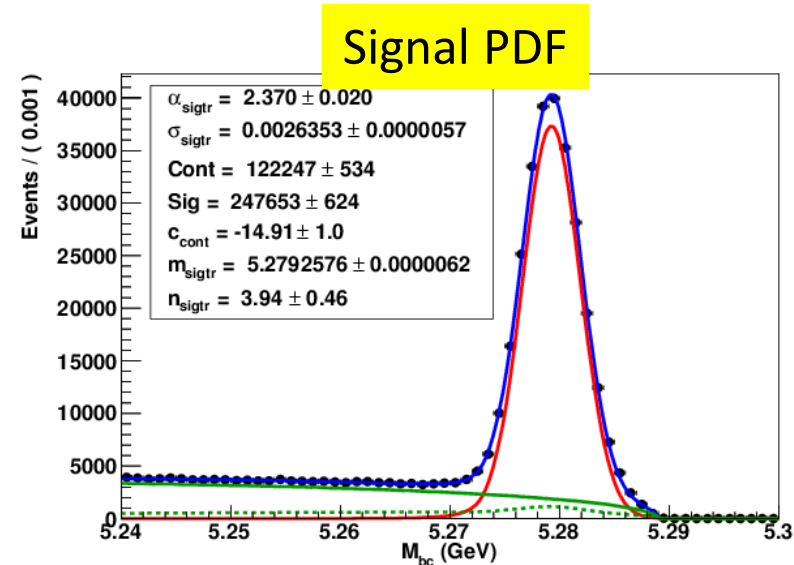
次ページから各PDFを説明する。



# SignalとCross-feedのPDF

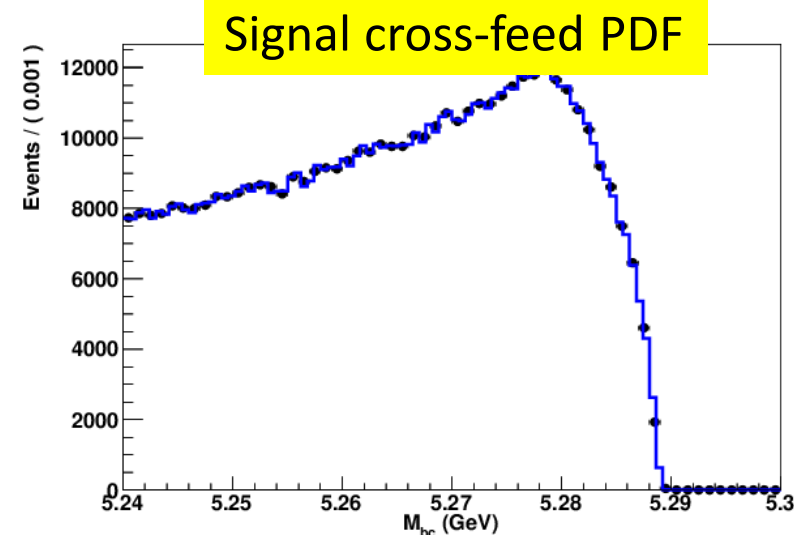
## ● Signal PDF

- ▶  $B \rightarrow D\pi$  のデータから得る。
- ▶ Crystal Ball 関数
- ▶ ただし下側のテイルはMCで補正。
- ▶ 信号抽出の際は形は固定し、数を動かす。



## ● Signal cross-feed PDF

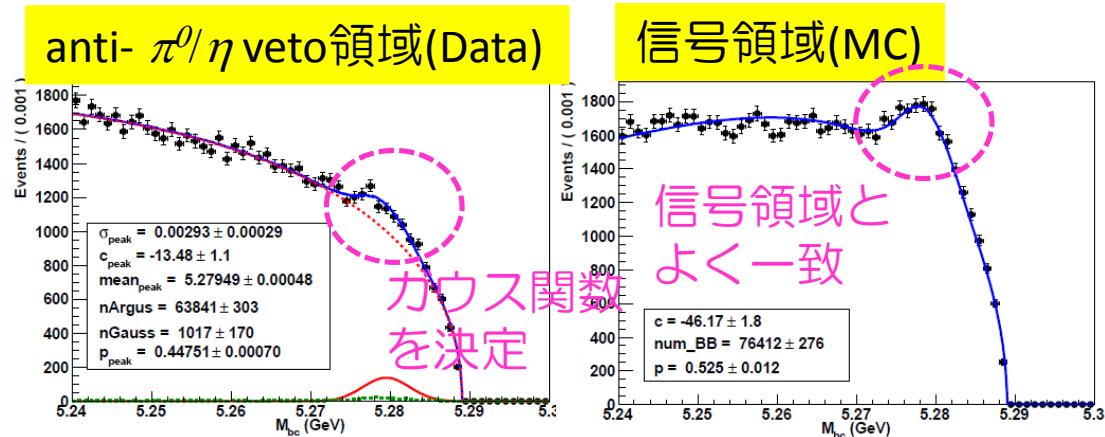
- ▶ ヒストグラムPDF
- ▶ 形はMCで固定。
- ▶ 数は信号数と比例させて、動かす。



# Peaking, Non-peaking, qq BG PDF

## ● Peaking BG PDF

- ▶ ガウス関数
- ▶  $\pi^0/\eta$  vetoで排除されたデータを用いて数と形を固定。

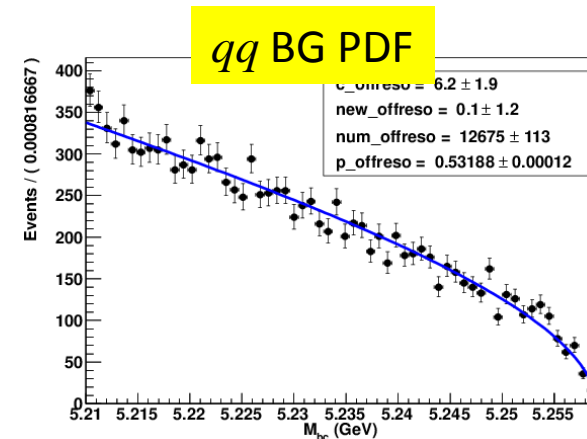


## ● Non-peaking BG PDF

- ▶ Argus関数
- ▶ 形と数いずれも動かす。

## ● qq BG PDF

- ▶ 傾きパラメータを修正したArgus関数
- ▶  $Y(4S)$ 共鳴から60MeV下のデータで形と数を固定。



---

# 系統誤差

---

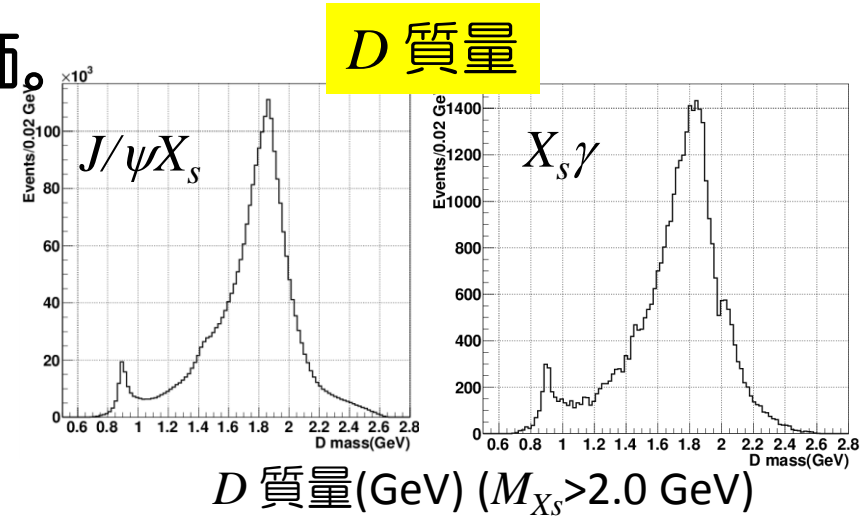
- データで信号領域を測定する前に系統誤差を見積もる。
  - ▶ 背景事象除去の系統誤差
    - $D$  veto
    - $qq$  背景事象除去
  - ▶  $M_{Xs}$  分布の形の系統誤差

# D vetoの系統誤差

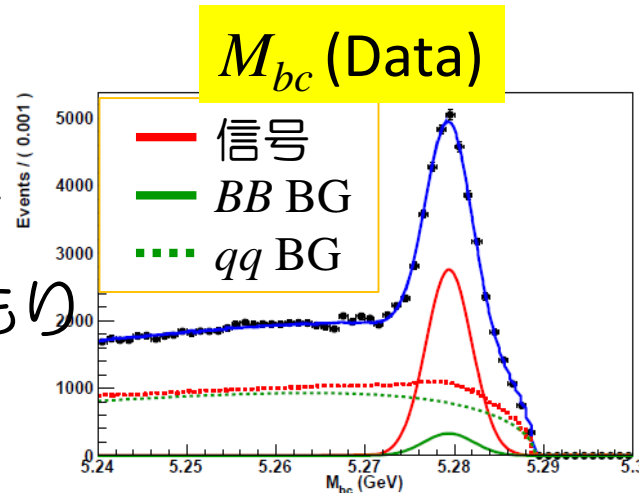
## ● D vetoの系統誤差はコントロールサンプル

$B \rightarrow J/\psi X_s, J/\psi \rightarrow ll$  ( $l=e, \mu$ ) で評価。

- ▶  $J/\psi$  からのレプトン1つを  $\gamma$ 、他方を  $X_s$  の子供の  $\pi$  とみなす。
- ▶  $J/\psi X_s$  は信号と同じように  $D$  の質量領域に幅の広いピークを持つ。



- ▶ コントロールサンプルで MC とデータの差を見積もり **系統誤差を0.61%** とする。



	効率
MC	91.5 %
DATA	91.0 %
Syst.	<b>0.61 %</b>

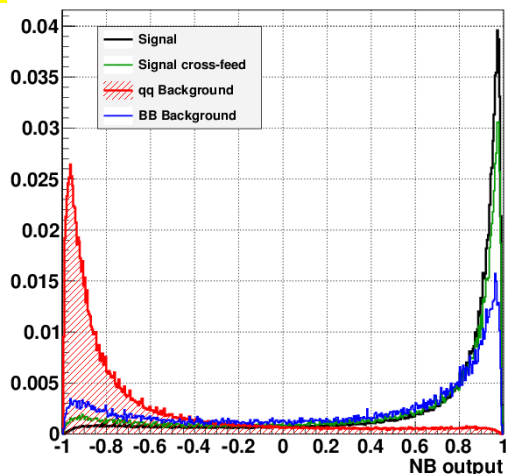
# qq 背景事象抑制の系統誤差

## ● qq 背景事象抑制の系統誤差はコントロールサンプル

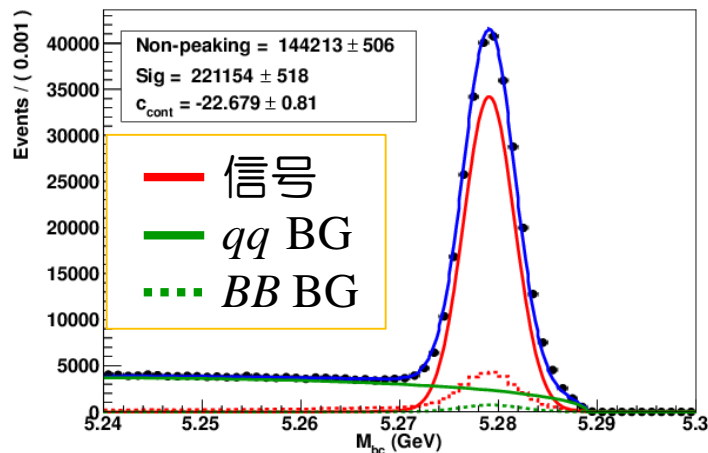
$B \rightarrow D\pi$  で評価。

- ▶ クリーンかつ十分な量のサンプル。
- ▶  $B$ からの $\pi$ を信号の $\gamma$ 、 $D$ を $X_s$ とみなす。

ニューラルネットの出力



$M_{bc}$  (Data)



	効率
MC	91.2 %
DATA	88.4 %
Syst.	3.0 %

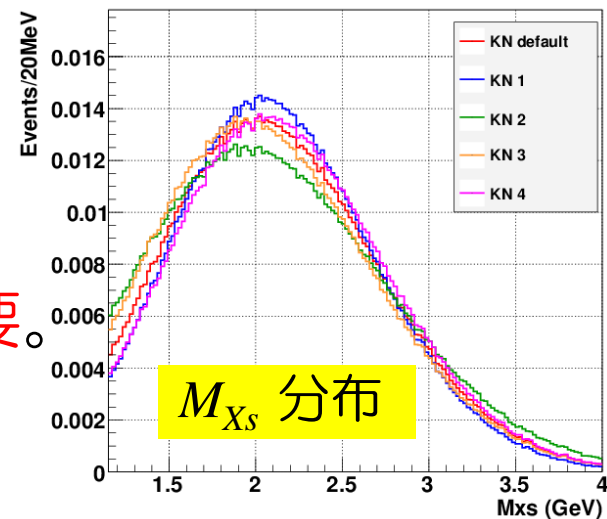
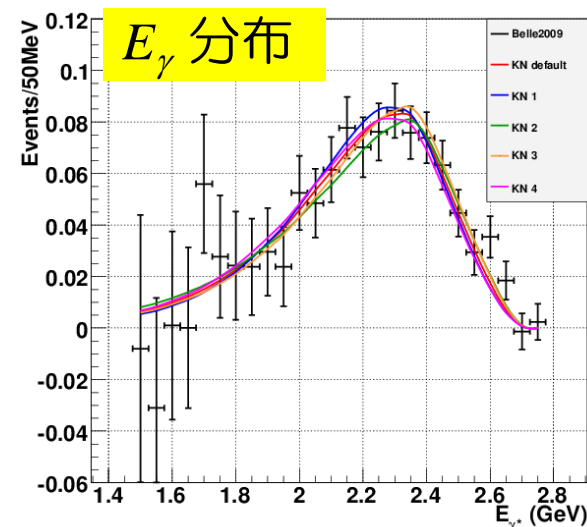
- ▶ コントロールサンプルでMCとデータの効率差から  
3.0%の系統誤差とする。

# $M_{X_S}$ 分布の形の系統誤差

- MCの $M_{X_S}$ 分布(>1.15GeV)の形はKagan-Neubertモデルで生成。
  - ▶ Belle (Full-inclusive, 2009)の結果とBest fitのパラメータを使用。
    - > これらを動かして結果の差を系統誤差とする。

系統誤差 : (+3.3 -8.0) %

- ▶ 結果は分布の形に敏感。
- ▶ 避けるためには形の情報を使わず、 $M_{X_S}$ を細かく区切った信号数の評価が必要。
  - データを使って検討する。



# ここまでの系統誤差まとめ

Source		
Number of $B\bar{B}$		$\pm 1.37$
Detector response	$\gamma$ detection	$\pm 2.00$
	$X_s$ particles( $K, K_s, \pi, \pi^0, \eta$ ) reconstruction	$\pm 1.29$
	$K/\pi$ separation	$\pm 1.79$
Background rejection	$\pi^0$ veto	$\pm 0.30$
	$\eta$ veto	$\pm 0.60$
	$D$ veto	$\pm 0.61$
	$q\bar{q}$ suppression	$\pm 3.04$
	Best candidate selection	$\pm 1.16$
$M_{bc}$ PDF	Signal PDF	
	Signal Cross-feed PDF	
	Peaking Background PDF	
	Non-peaking part from $q\bar{q}$ background	
Signal modeling	$M_{X_s}$ shape	$+3.26 -7.96$
	Hadronization	
	$K^* - X_s$ transition	
	Extrapolation to $E_\gamma^* > 1.6$ GeV	
Total		

信号領域のデータ  
を用いて評価

信号領域のデータ  
を用いて評価

最大の誤差  
やはりこれを  
抑制すべき



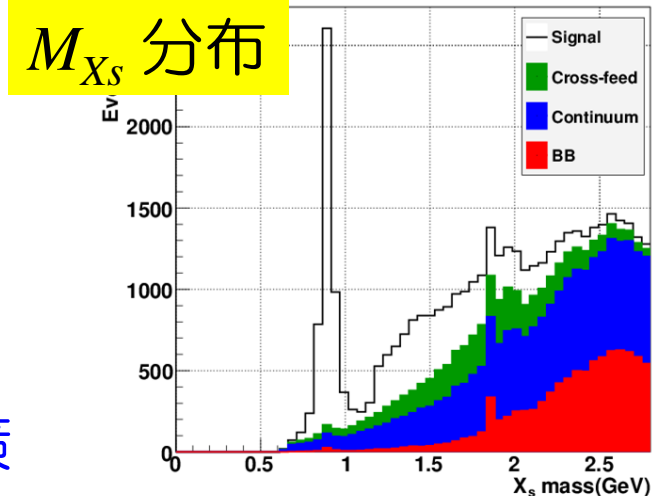
# 140 fb<sup>-1</sup>のデータ解析

140 fb<sup>-1</sup>(全データの1/5)は以前のCPの研究ですでに解析済み。

- MCのハドロン化モデルの較正が可能か検証
- 2つの崩壊分岐比算出法による結果を比較する。

- ▶  $M_{X_S}$  領域全体 ( $M_{X_S} < 2.8 \text{ GeV}/c^2$ ) で評価
- ▶  $M_{X_S}$  を0.1 GeV/c<sup>2</sup>刻みに評価

←  $M_{X_S}$  分布の大きな系統誤差対策



# ハドロン化モデルの較正

- データとMCの各崩壊モードを比をチェックし、較正する。
  - ▶ MCの $K\pi$ 、 $K2\pi$ の比が大きくなりすぎている。
  - ▶ Pythiaのハドロン化モデルのパラメータを調節し較正。
  - ▶ 較正結果： $\chi^2 = 185 \rightarrow 22$ へ改善。較正は成功！

各終状態の比(%)	Fraction in Data	較正		データとの差 比の誤差
		Fraction in MC before calibration	Fraction in MC after calibration	
$K\pi$ without $\pi^0$	$5.06 \pm 0.89$	11.7 (+7.5)	4.76 (-0.3)	
$K\pi$ with $\pi^0$	$2.53 \pm 0.44$	6.16 (+8.2)	2.44 (+0.5)	
$K2\pi$ without $\pi^0$	$17.4 \pm 1.37$	13.6 (-2.8)	14.7 (-2.0)	
$K2\pi$ with $\pi^0$	$31.6 \pm 2.47$	16.0 (-6.3)	22.4 (-3.7)	
$K3\pi$ without $\pi^0$	$7.00 \pm 1.62$	5.66 (-0.8)	5.98 (-0.6)	
$K3\pi$ with $\pi^0$	$15.2 \pm 4.01$	15.5 (+0.1)	21.5 (+1.6)	
$K4\pi$	$11.6 \pm 3.80$	10.5 (-0.3)	9.36 (-0.6)	
$K2\pi^0$ with at most two $\pi$	$2.91 \pm 9.70$	7.72 (+0.5)	7.72 (+0.5)	
$K\eta$ with at most two $\pi$	$4.68 \pm 1.59$	4.84 (+0.1)	4.90 (+0.1)	
$3K$ with at most one $\pi$	$1.93 \pm 0.61$	2.63 (-0.7)	1.76 (-1.3)	

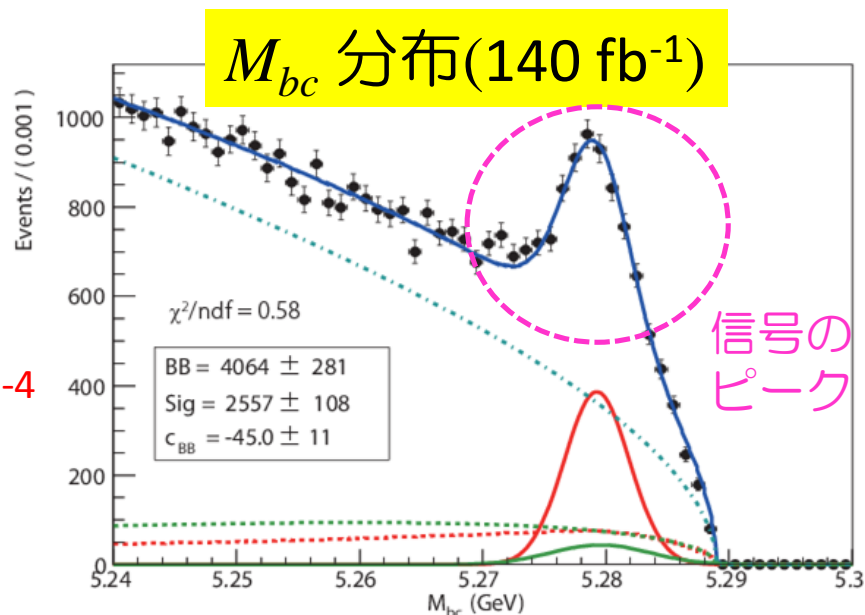
# 崩壊分岐比算出手法： $M_{X_s}$ 領域全体で評価

- $M_{X_s}$ 領域全体で評価： $M_{X_s} < 2.8 \text{ GeV}/c^2$ の事象をまとめてフィットし、崩壊分岐比を算出。
  - ▶ 信号数： $2557 \pm 107$
  - ▶  $\text{BR}(B \rightarrow X_s \gamma) = (\text{信号数}) / (B\text{中間子の数} \times \text{再構成効率})$   
 $= (3.69 \pm 0.16) \times 10^{-4}$  ( $M_{X_s} < 2.8 \text{ GeV}$ 、統計誤差)

▶ 一般的に、 $\text{BR}(B \rightarrow X_s \gamma)$ は  
 $E_\gamma > 1.6 \text{ GeV}$ の値で議論される  
ので外挿する。

→  $\text{BR}(B \rightarrow X_s \gamma) = (3.93 \pm 0.17) \times 10^{-4}$   
( $E_\gamma > 1.6 \text{ GeV}$ )

▶ 世界平均と $+1.2\sigma$ で一致。

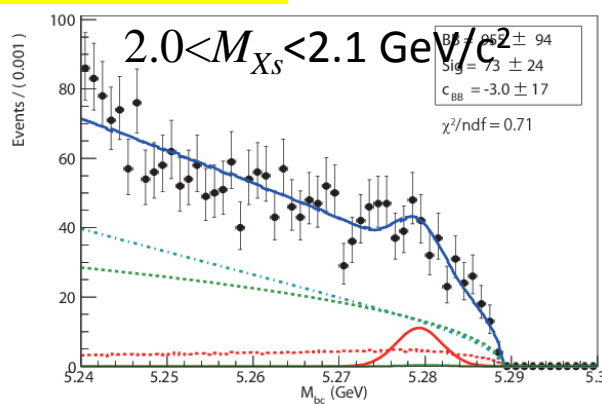
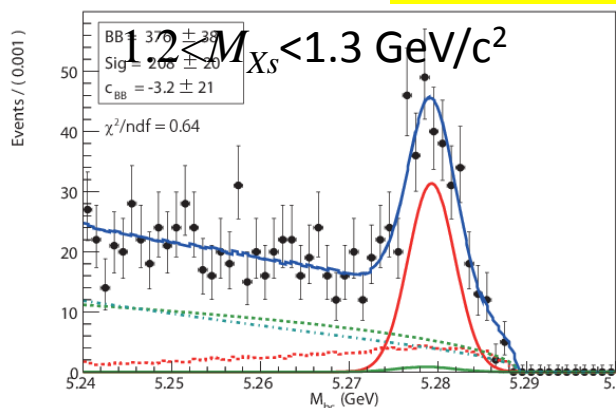


# 崩壊分岐比算出手法： $M_{X_s}$ ビン毎に評価

●  $M_{X_s}$ ビン毎に評価： $M_{X_s}$ で0.1 GeV刻みに分岐比を算出し、合計して全体の崩壊分岐比を得る。

→  $M_{X_s}$ の形の誤差を避けることができる。

$M_{bc}$  分布(140 fb<sup>-1</sup>)



- ▶  $BR(B \rightarrow X_s \gamma) = (3.00 \pm 0.38) \times 10^{-4}$   
( $M_{X_s} < 2.8$  GeV、統計誤差)
- ▶  $BR(B \rightarrow X_s \gamma) = (3.20 \pm 0.40) \times 10^{-4}$   
( $E_\gamma > 1.6$  GeV)
- ▶ 世界平均と $-0.7\sigma$ で一致

$M_{X_s}$ bin(GeV/c <sup>2</sup> )	BR(10 <sup>-6</sup> )
0.6-0.7	-0.1±0.2
0.7-0.8	-0.2±0.3
0.8-0.9	21.4±1.2
0.9-1.0	17.9±1.0
1.0-1.1	3.4±0.5
1.1-1.2	5.9±0.8
1.2-1.3	18.5±1.8
1.3-1.4	21.5±1.8
1.4-1.5	21.2±1.8
1.5-1.6	19.5±2.7
1.6-1.7	18.5±2.9
1.7-1.8	17.6±4.0
1.8-1.9	26.2±4.5
1.9-2.0	20.3±5.5
2.0-2.1	20.2±6.6
2.1-2.2	26.9±6.9
2.2-2.4	31.4±14
2.4-2.6	50.8±20
2.6-2.8	-41.0±26
Total	300±38

# 2つの算出手法の比較

## ● 2つの手法の比較

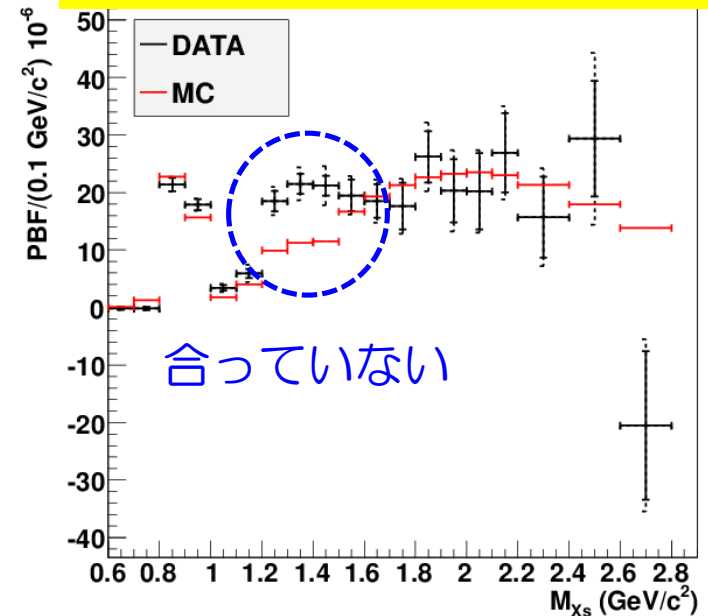
- ▶  $M_{X_s}$  領域全体で評価 :  $(3.93 \pm 0.17) \times 10^{-4}$
  - ▶  $M_{X_s}$  ビン毎に評価 :  $(3.20 \pm 0.40) \times 10^{-4}$
- } 差は大きい

これらの手法の違いはMCの $M_{X_s}$ 分布の形の情報を使うか否か。

## ● データとMCの $M_{X_s}$ 分布の形の比較

- ▶  $1.2 < M_{X_s} < 1.5 \text{ GeV}/c^2$  で大きなずれ
  - ▶  $M_{X_s}$  分布をMCで再現するのは困難
- $M_{X_s}$  ビン毎の評価を採用

### データとMCの $M_{X_s}$ 分布比較



---

# 全データ解析

---

- ハドロン化モデルの較正
  - 崩壊分岐比の算出
  - 系統誤差の評価
  - 最終結果と議論
-

# ハドロン化モデルの較正 (1/3)

- データとMCの各崩壊モードを比をチェックし、較正する。
  - ▶ MCの $K\pi$ 、 $K2\pi$ の比が大きすぎてている。
  - ▶ Pythiaのハドロン化モデルのパラメータを調節し較正。
  - ▶ 較正結果： $\chi^2 = 831 \rightarrow 52$
  - ▶ ずれが大きい終状態も見られる。

各終状態の比(%)	Full Data ( $1.15 < M_{X_s} < 2.8$ )	Default MC	較正 Calibrated MC	データとの差 比の誤差
$K\pi$ without $\pi^0$	$4.20 \pm 0.25$	10.3 (+17)	4.61 (+1.2)	
$K\pi$ with $\pi^0$	$2.10 \pm 0.13$	5.42 (+19)	2.38 (+1.6)	
$K2\pi$ without $\pi^0$	$14.5 \pm 0.52$	12.9 (-3.1)	15.7 (+2.4)	
$K2\pi$ with $\pi^0$	$24.0 \pm 0.74$	15.2 (-12)	24.0 (-0.0)	
$K3\pi$ without $\pi^0$	$8.34 \pm 0.75$	5.90 (-3.3)	4.58 (-5.0)	
$K3\pi$ with $\pi^0$	$16.1 \pm 1.76$	15.7 (-0.2)	19.2 (+1.8)	
$K4\pi$	$11.1 \pm 2.80$	12.3 (+0.4)	10.2 (-0.3)	
$K2\pi^0$ with at most two $\pi$	$14.4 \pm 3.47$	14.4 (-0.0)	11.6 (-0.8)	
$K\eta$ with at most two $\pi$	$3.18 \pm 0.77$	4.92 (+2.3)	5.35 (+2.8)	
$3K$ with at most one $\pi$	$2.00 \pm 0.30$	2.98 (-3.3)	2.31 (-1.0)	

# ハドロン化モデルの較正 (2/3)

● 各 $M_{X_s}$ 領域でMCのハドロン化モデルをデータと比較

▶ 多くの終状態で $2\sigma$ を超える差がある。

→ Pythiaのパラメータによる微調整は困難。



▶ 2つ目の較正を適用

## 各終状態の比(%)

1.15 < $M_{X_s}$ < 1.5 GeV/c <sup>2</sup>			1.5 < $M_{X_s}$ < 2.0 GeV/c <sup>2</sup>		
Mode	Data	MC	Mode	Data	MC
1	9.51±1.42	14.5 (+6.4)	1	2.39±0.35	2.91 (+1.5)
2	5.32±0.31	7.50 (+7.1)	2	1.19±0.18	1.49 (+1.7)
3	25.7±0.82	21.6 (-5.0)	3	13.6±0.76	15.0 (+1.9)
4	44.8±1.51	36.5 (-5.5)	4	19.7±1.06	22.0 (+2.2)
5	0.91±0.52	0.95 (+0.1)	5	11.3±0.94	6.58 (-5.0)
6	8.06±2.17	14.9 (+3.1)	6	21.7±2.39	23.7 (+0.8)
7	0.30±0.50	0.52 (+0.5)	7	8.80±2.70	12.2 (-1.2)
8	2.52±2.52	2.51 (+0.0)	8	14.7±2.08	8.20 (-3.1)
9	1.71±0.43	0.93 (-1.8)	9	5.00±1.27	5.78 (+0.6)
10	0.00±0.00	0.01 (+0.0)	10	1.64±0.24	1.29 (-1.5)
2.0 < $M_{X_s}$ < 2.4 GeV/c <sup>2</sup>			2.4 < $M_{X_s}$ < 2.8 GeV/c <sup>2</sup>		
Mode	Data	MC	Mode	Data	MC
1	1.21±0.64	1.15 (-0.1)	1	0.46±0.65	0.90 (+0.7)
2	0.60±0.32	0.60 (+0.0)	2	0.23±0.32	0.49 (+0.8)
3	7.06±1.37	9.64 (+1.9)	3	3.84±2.15	8.20 (+2.0)
4	8.93±2.63	13.9 (+1.9)	4	8.49±4.03	11.8 (+0.8)
5	12.1±2.53	8.33 (-1.5)	5	12.7±5.20	8.18 (-0.9)
6	16.1±5.65	22.6 (+1.1)	6	3.27±12.8	21.2 (+1.4)
7	28.0±9.10	16.5 (-1.3)	7	3.10±26.7	20.4 (-0.7)
8	15.5±15.5	18.5 (+0.4)	8	53.1±28.7	20.2 (-1.2)
9	6.82±3.69	6.16 (-0.2)	9	10.6±8.19	5.89 (-0.6)
10	3.61±1.10	1.42 (-2.0)	10	4.13±2.84	1.04 (-1.1)



# 直接較正

## ● 直接較正

- ▶ MCの各終状態の比を直接調整しハドロン化モデルを較正する。
- ▶ 較正には以下のScale factorを使用。

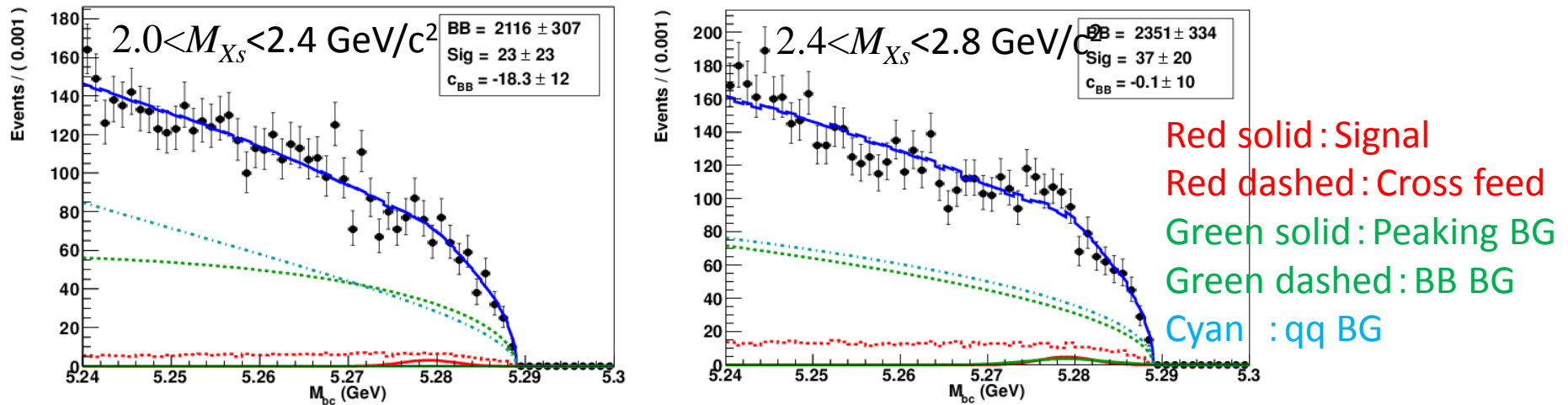
Mode	Scale factors (Data/MC)			
	1.15<MXs<1.5	1.5<MXs<2.0	2.0<MXs<2.4	2.4<MXs<2.8
$K\pi$ w/o $\pi^0$	0.66 ± 0.10	0.82 ± 0.12	1.05 ± 0.56	0.51 ± 0.72
$K\pi$ w/ $\pi^0$	0.71 ± 0.04	0.80 ± 0.12	1.00 ± 0.53	0.47 ± 0.65
$K2\pi$ w/o $\pi^0$	1.19 ± 0.04	0.91 ± 0.05	0.73 ± 0.14	0.47 ± 0.26
$K2\pi$ w/ $\pi^0$	1.23 ± 0.04	0.90 ± 0.05	0.64 ± 0.19	0.72 ± 0.34
$K3\pi$ w/o $\pi^0$	0.96 ± 0.55	1.72 ± 0.14	1.45 ± 0.30	1.55 ± 0.64
$K3\pi$ w/ $\pi^0$	0.54 ± 0.15	0.92 ± 0.10	0.71 ± 0.25	0.15 ± 0.6
$K4\pi$	0.58 ± 0.96	0.72 ± 0.22	1.70 ± 0.55	0.15 ± 1.3
$K2\pi^0$	1.00 ± 1.00	1.79 ± 0.25	0.84 ± 0.84	2.63 ± 14.2
$K\eta$	1.84 ± 0.46	0.87 ± 0.22	1.11 ± 0.60	1.80 ± 1.39
3K	0.00 ± 0.00	1.27 ± 0.19	2.54 ± 0.77	3.97 ± 2.73

- ▶  $M_{Xs} > 2.0$  GeVでの $K2\pi^0(\pi, 2\pi)$ の比の誤差が大きい。

# 2π<sup>0</sup>モードの較正

- データから得たK2π<sup>0</sup>(π, 2π)モードの比の精度をチェック。

## $M_{bc}$ of K2π<sup>0</sup>(π, 2π) modes

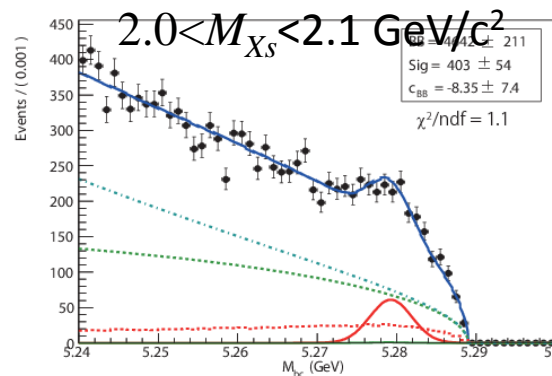
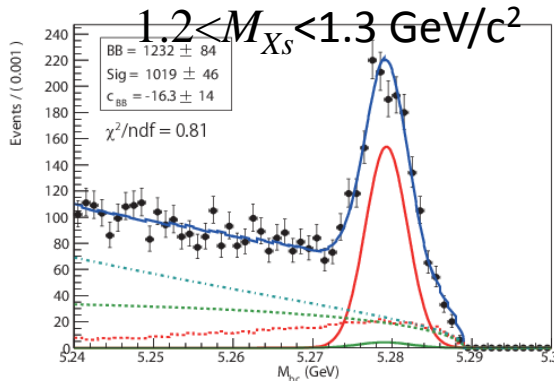


- ▶  $M_{X_S} > 2.0 \text{ GeV}$ で2π<sup>0</sup>モードの信号測定は困難。  
 → 較正に使うべきではない。
- ▶  $M_{X_S} > 2.0 \text{ GeV}$ で2π<sup>0</sup>モードの比はMCを信じる。
- ▶ 系統誤差の評価では +100%-50% 比を変化させる。

# 崩壊分岐比

- $M_{X_s}$  の各ビンをフィットし、信号数と較正後のMCより得た再構成効率から、崩壊分岐比を算出。

## $M_{bc}$ 分布(全データ)



- ▶ 統計誤差は  $M_{X_s} > 2.2$  GeV が支配的。
- ▶  $BR(B \rightarrow X_s \gamma) = (3.51 \pm 0.17) \times 10^{-4}$   
 ( $M_{X_s} < 2.8$  GeV/c<sup>2</sup>、統計誤差のみ)

## $M_{X_s}$ の各ビンの分岐比

$M_{X_s}$ bin (GeV/c <sup>2</sup> )	$BR(10^{-6})$
0.6-0.7	-0.1 ± 0.1
0.7-0.8	0.3 ± 0.1
0.8-0.9	19.8 ± 0.5
0.9-1.0	15.7 ± 0.5
1.0-1.1	2.9 ± 0.3
1.1-1.2	4.8 ± 0.5
1.2-1.3	18.7 ± 0.8
1.3-1.4	21.8 ± 1.0
1.4-1.5	21.2 ± 1.0
1.5-1.6	22.0 ± 1.4
1.6-1.7	22.4 ± 1.1
1.7-1.8	24.8 ± 1.4
1.8-1.9	26.7 ± 2.2
1.9-2.0	26.3 ± 2.9
2.0-2.1	23.3 ± 3.1
2.1-2.2	21.0 ± 2.6
2.2-2.4	40.3 ± 7.2
2.4-2.6	27.9 ± 8.6
2.6-2.8	11.5 ± 11
Total	351 ± 17

# $X_s$ の崩壊モデル系統誤差

残りの系統誤差を見積もる。

## ● ハドロン化モデル

- ▶ 各モードの比を $\pm 1\sigma$ 、またはデータの比に合わせたときの結果の差を系統誤差とする。
- ▶ 系統誤差：6.7%

## ● 再構成していないモードの影響

- ▶ 再構成しているモード：76.4% ( $1.15 < M_{X_s} < 2.8 \text{ GeV}/c^2$ )
- ▶ ハドロン化モデルがデータから大きくずれない範囲でPythiaのパラメータを動かし、そのときの結果のずれを系統誤差とする。
- ▶ 系統誤差：1.6%

# $B \rightarrow X_s \gamma$ の崩壊分岐比測定結果

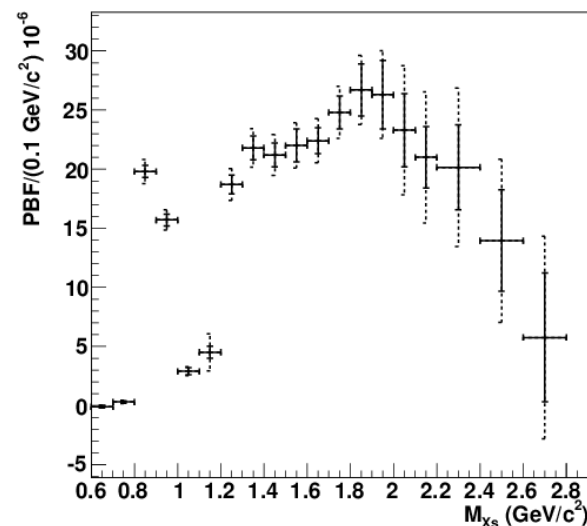
## ● 系統誤差も含めた最終結果を算出。

- ▶ 系統誤差はハドロン化モデルが支配的。
- ▶  $BR(B \rightarrow X_s \gamma) = (3.51 \pm 0.17 \pm 0.33) \times 10^{-4} (M_{X_s} < 2.8 \text{ GeV}/c^2)$
- ▶  $E_\gamma > 1.6 \text{ GeV}$  への外挿。  
 $BR(B \rightarrow X_s \gamma) = (3.74 \pm 0.18 \pm 0.35) \times 10^{-4} (E_\gamma > 1.6 \text{ GeV})$

### 系統誤差の内訳

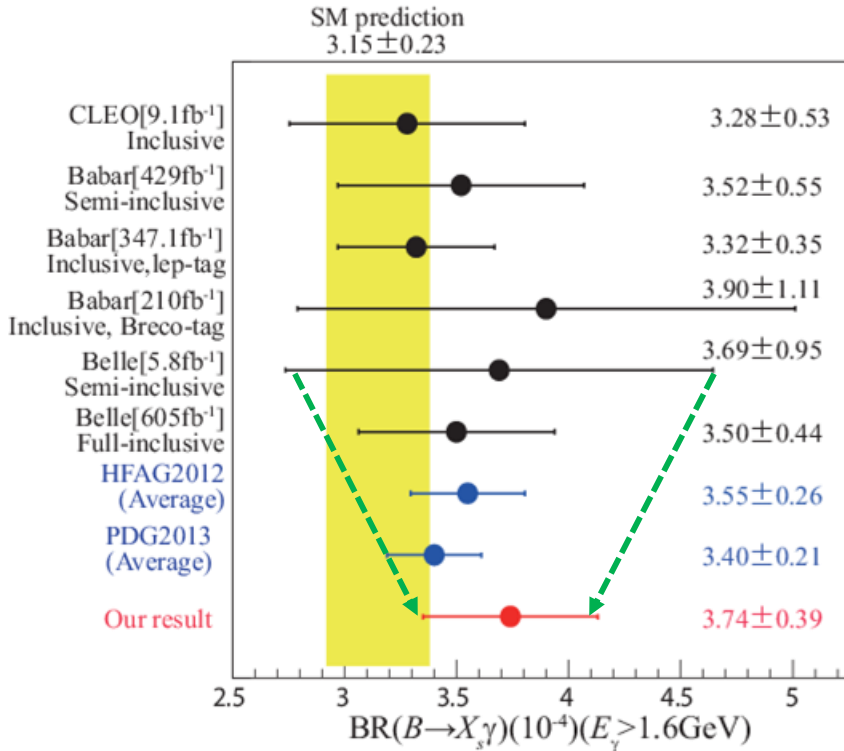
Source	Systematic uncertainty (%)
$B\bar{B}$ counting	1.37
Detector response	2.98
Background rejection	3.38
$M_{bc}$ PDF	5.06
Hadronization model	6.66
Missing mode	1.59
Total	9.3

### 各 $M_{X_s}$ ビンでの崩壊分岐比

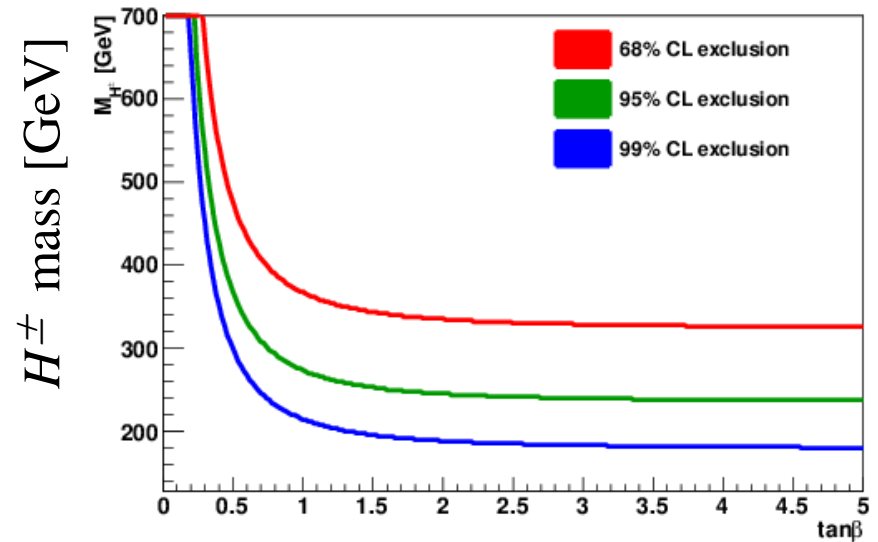


# 測定結果の考察

## 各測定結果やSMの予言との比較



## 本結果の2HDMへの制限



- ▶ 世界平均( $(3.55 \pm 0.26) \times 10^{-4}$ )とは $0.4\sigma$ で一致。
- ▶ 標準理論の予言( $(3.15 \pm 0.23) \times 10^{-4}$ )とは $1.3\sigma$ で一致。
- ▶ 本結果単独で2HDMで $M_{H^\pm} > 238 \text{ GeV}/c^2$ (95%CL)の制限を与える。

# 結論

- Belle実験の全データ $711\text{fb}^{-1}$  (7.72億 $BB$ ペア)を用いて、準包括的再構成法を用いた $B \rightarrow X_s \gamma$ の崩壊分岐比測定を行った。
  - ▶  $BR(B \rightarrow X_s \gamma) = (3.74 \pm 0.18 \pm 0.35) \times 10^{-4}$  ( $E_\gamma > 1.6 \text{ GeV}$ )
- 世界平均とは $0.4\sigma$ で一致。
- 標準理論の予言とは $1.3\sigma$ で一致。
- 本結果は2HDMで $M_{H^\pm} > 238 \text{ GeV}/c^2$  (95%CL)の制限を与える。