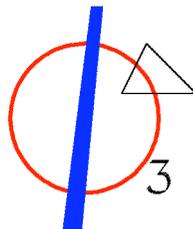
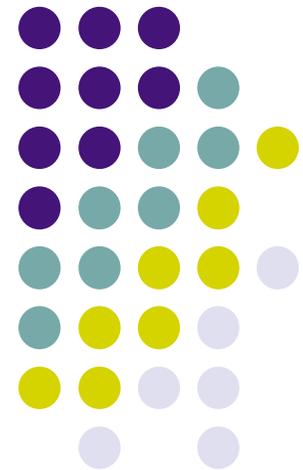


B中間子のDK崩壊を用いた CP非保存角 ϕ_3 の研究



2009年2月3日

草野智則

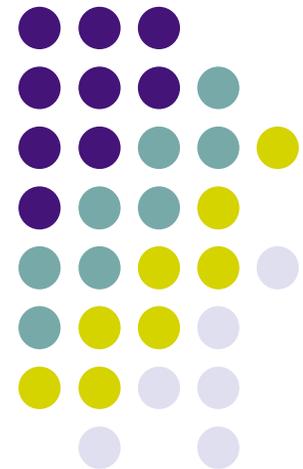
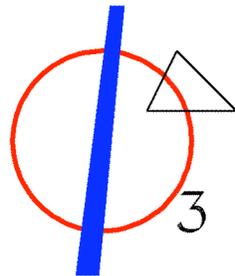


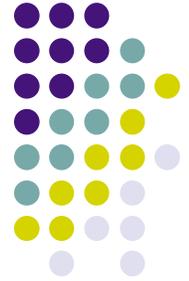
概要

- CP非保存角 ϕ_3
- Belle実験
- $B \rightarrow D_1 K$ の解析
- 結果



CP非保存角 ϕ_3

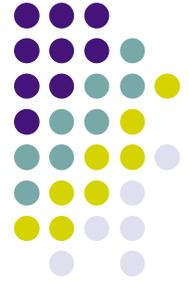




CP非保存

- CP (C:Charge, P:Parity)非保存の精密測定
 1. 消えた反物質の手がかり
 2. CP非保存はフレーバー混合に起源を持つ
 - フレーバーに関するパラメータの精密測定
- CP非保存の精密測定はフレーバー物理の観点から、標準理論(特にCKM理論)の検証や新しい物理を発見する手がかりとなる。

CKM機構



- CKM機構: 弱い相互作用でCP非保存

弱い相互作用のラグランジアン:

$$\mathcal{L}_{\text{int}} = -\frac{g}{\sqrt{2}}(V_{CKM}\bar{U}_L\gamma_\mu D_L W_\mu^+) + h.c$$

$$V_{CKM} = \begin{pmatrix} V_{ud} & V_{us} & V_{ub} \\ V_{cd} & V_{cs} & V_{cb} \\ V_{td} & V_{ts} & V_{tb} \end{pmatrix}$$

$U=(u,c,t)$

$D=(d,s,b)$

U_L, D_L : 左巻き部分

CKM行列はユニタリ行列

複素位相の数は世代数をNとすると

$(N-1)(N-2)/2$

クォークが3世代以上

→CKM行列はCPを破る複素位相を持つ



ユニタリティー三角形

- CKM行列はカビボ因子 λ で展開できる。

$$\lambda \sim 0.22$$

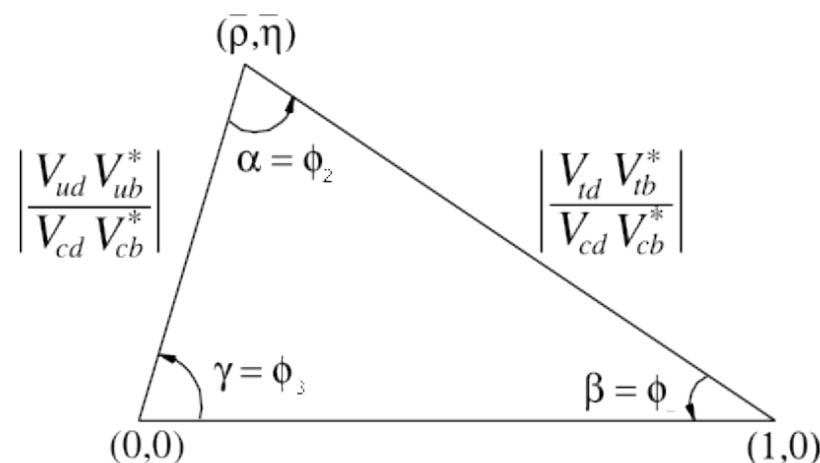
$$V_{CKM} = \begin{pmatrix} \boxed{V_{ud}} & V_{us} & \boxed{V_{ub}} \\ V_{cd} & V_{cs} & \boxed{V_{cb}} \\ V_{td} & V_{ts} & \boxed{V_{tb}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 - \frac{\lambda^2}{2} & \lambda & A\lambda^3(\rho - i\eta) \\ -\lambda & 1 - \frac{\lambda^2}{2} & A\lambda^2 \\ A\lambda^3(1 - \rho - i\eta) & -A\lambda^2 & 1 \end{pmatrix} + O(\lambda^4)$$

V_{CKM} はユニタリ行列: $V_{CKM}^\dagger V_{CKM} = 1$

$$V_{ud}V_{ub}^* + V_{cd}V_{cb}^* + V_{td}V_{tb}^* = 0$$

- 複素平面上に三角形を描く
- CP非保存 → 三角形の面積が0でない
- 本研究: 最も測定が困難な ϕ_3 の研究

$$\phi_3 \equiv \arg \left(\frac{V_{ud}V_{ub}^*}{-V_{cd}V_{cb}^*} \right)$$



ϕ_3 の測定(1): 干渉によるCPの破れ



ϕ_3 の測定は V_{ub} の位相測定

$$\phi_3 \sim \arg(V_{ub}^*)$$

$B \rightarrow DK$ の崩壊を用いる。

B が D^0 または \bar{D}^0 を経て同じ終状態 fK へ崩壊する振幅

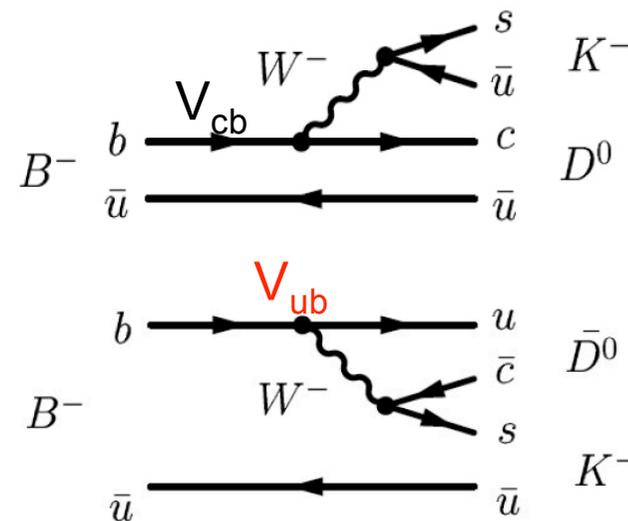
$$\begin{aligned} A(B^- \rightarrow [f]_D K^-) &= A(B^- \rightarrow D^0 K^- \rightarrow f K^-) + A(B^- \rightarrow \bar{D}^0 K^- \rightarrow f K^-) \\ &= A_B A_D \{ r_D + r_B \exp(i(\delta - \phi_3)) \} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A(B^+ \rightarrow [\bar{f}]_D K^+) &= A(B^+ \rightarrow \bar{D}^0 K^+ \rightarrow \bar{f} K^+) + A(B^+ \rightarrow D^0 K^+ \rightarrow \bar{f} K^+) \\ &= A_B A_D \{ r_D + r_B \exp(i(\delta + \phi_3)) \} \end{aligned}$$

$$A_B(\bar{A}_B) = |A(B^- \rightarrow D^0 (\bar{D}^0) K^-)| \quad A_D(\bar{A}_D) = |A(D^0 \rightarrow \bar{f} (f))|$$

$$r_{B(D)} = \bar{A}_{B(D)} / A_{B(D)}$$

ϕ_3 : CP変換で符号反転、 δ :強い相互作用の位相差(CP変換で不変)



D^0 と \bar{D}^0 が同じ終状態へ崩壊
 → ϕ_3 、 δ 起因の干渉による直接的なCPの破れ

ϕ_3 の測定(2):ADS法



崩壊分岐比($\Gamma=A^2$)から ϕ_3 を測定

終状態 f に対してと崩壊分岐比の比 \mathcal{R}_f とCP非対称度 \mathcal{A}_f が求まる。

$$\mathcal{R}_f \equiv \frac{\Gamma(B^- \rightarrow [f]_D K^-) + \Gamma(B^+ \rightarrow [\bar{f}]_D K^+)}{\Gamma(B^- \rightarrow [\bar{f}]_D K^-) + \Gamma(B^+ \rightarrow [f]_D K^+)} = r_B^2 + r_D^2 + 2r_B r_D \cos \phi_3 \cos \delta$$

$$\mathcal{A}_f \equiv \frac{\Gamma(B^- \rightarrow [f]_D K^-) - \Gamma(B^+ \rightarrow [\bar{f}]_D K^+)}{\Gamma(B^- \rightarrow [f]_D K^-) + \Gamma(B^+ \rightarrow [\bar{f}]_D K^+)} = \frac{2r_B r_D \sin \phi_3 \sin \delta}{r_B^2 + r_D^2 + 2r_B r_D \cos \phi_3 \cos \delta}$$

未知変数: ϕ_3, r_B, δ

2つの終状態 f_1, f_2 から $\mathcal{A}_{f_1}, \mathcal{A}_{f_2}, \mathcal{R}_{f_1}, \mathcal{R}_{f_2}$ を測定した場合、
未知変数 ϕ_3, r_B, δ のうち、 ϕ_3, r_B はどの終状態でも共通

終状態 f_1

$\mathcal{A}_{f_1}(\phi_3, r_B, \delta_1)$

$\mathcal{R}_{f_1}(\phi_3, r_B, \delta_1)$

+

終状態 f_2

$\mathcal{A}_{f_2}(\phi_3, r_B, \delta_2)$

$\mathcal{R}_{f_2}(\phi_3, r_B, \delta_2)$

→

4つの未知変数

4つの式

2つの終状態を解析→ ϕ_3 が測定可能
より多くの終状態を解析→ ϕ_3 の精密測定

B → D₁K



- 本研究で解析する崩壊: B → D₁K
D₁: CP evenの固有状態(K⁺K⁻, π⁺π⁻)
$$D_1 = \frac{1}{\sqrt{2}}(D^0 + \bar{D}^0)$$

ADS法に用いる崩壊の中では**崩壊分岐比が大きく、精密に測定できる**

$$\mathcal{A}_1 \equiv \frac{\Gamma(B^- \rightarrow D_1 K^-) - \Gamma(B^+ \rightarrow D_1 K^+)}{\Gamma(B^- \rightarrow D_1 K^-) + \Gamma(B^+ \rightarrow D_1 K^+)} = \frac{2r_B r_D \sin \phi_3 \sin \delta}{r_B^2 + r_D^2 + 2r_B r_D \cos \phi_3 \cos \delta}$$

$$\mathcal{R}_1 = \frac{\mathcal{R}^{DK}}{\mathcal{R}^{D\pi}} = r_B^2 + r_D^2 + 2r_B r_D \cos \phi_3 \cos \delta$$

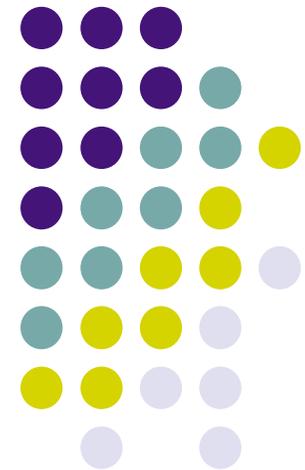
$$\begin{aligned} r_B &\sim 0.1 \\ r_D &= 1 \end{aligned}$$

$$\mathcal{R}^{DK(\pi)} = \frac{\Gamma(B^- \rightarrow D_1 K^-(\pi^-)) + \Gamma(B^+ \rightarrow D_1 K^+(\pi^+))}{\Gamma(B^- \rightarrow D^0 K^-(\pi^-)) + \Gamma(B^+ \rightarrow D^0 K^+(\pi^+)}}$$

B → Dπ: B → DKと崩壊が似ており、比をとることにより**系統誤差を相殺**

本研究: B → D₁Kから $\mathcal{A}_1, \mathcal{R}_1$ を測定

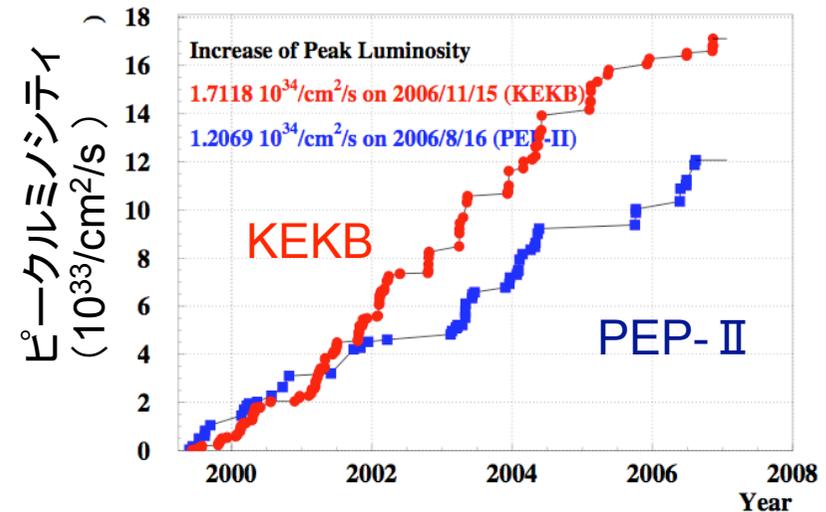
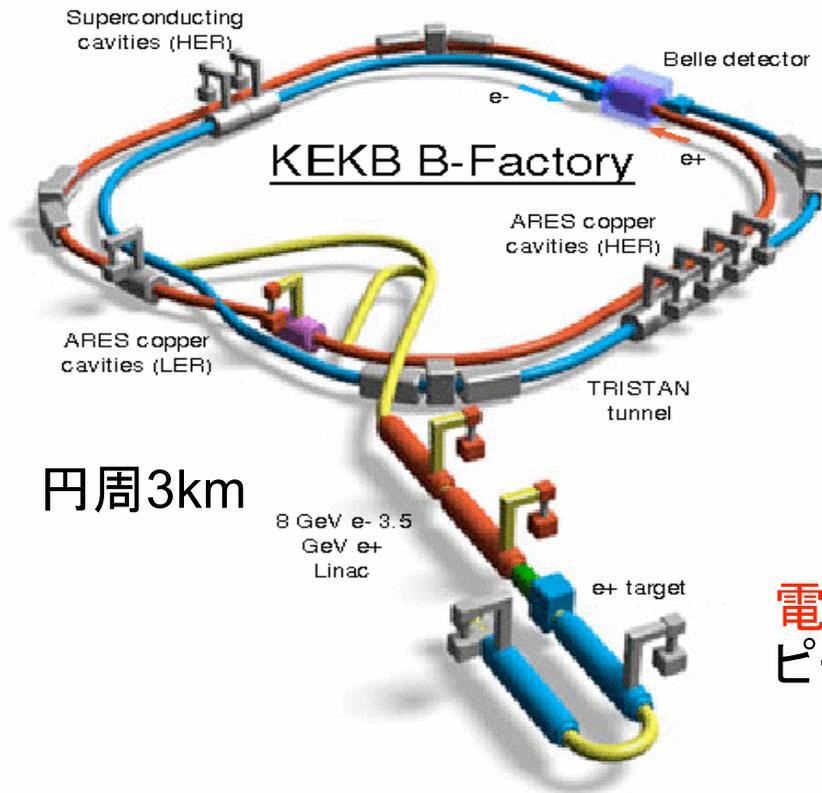
Belle実験



Belle実験

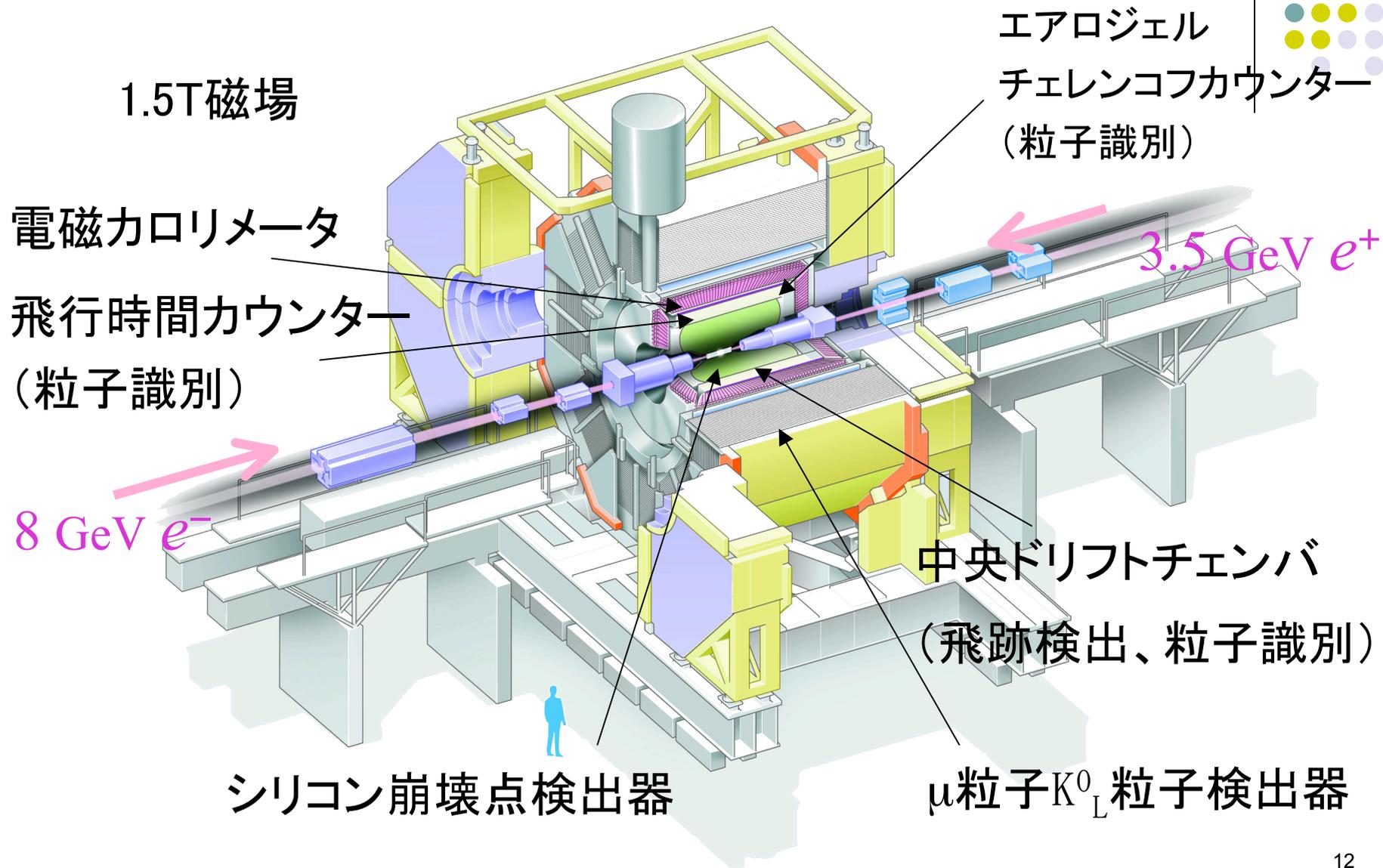


- Belle実験: 大量のB中間子を生成
- KEKB加速器: 電子8.0GeV、陽電子3.5GeV、
重心エネルギー10.6GeVの非対称衝突型加速器
(B中間子一対がしきい値で生成)

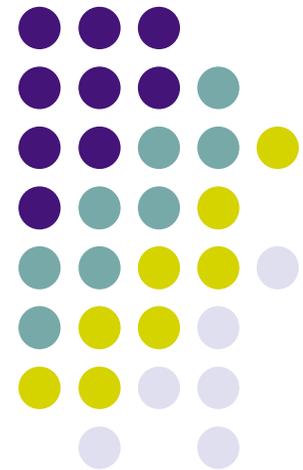


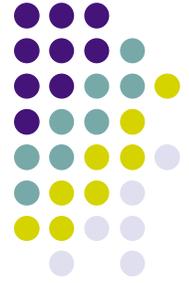
電子陽電子衝突器として世界最高のルミノシティ
ピークルミノシティ: $1.7 \times 10^{34}/\text{cm}^2/\text{s}$

Belle検出器



$B \rightarrow D_1 K$ の解析





解析の流れ

- データサンプル: 388×10^6 のBBペアに対応

- 再構成する崩壊

$$(B^- \rightarrow [K^- K^+]_D K^- \equiv B^- \rightarrow DK^-, D \rightarrow K^- K^+)$$

CP非対称性の測定

$$B^- \rightarrow D_1 K^-$$

$$(B^- \rightarrow [K^- K^+]_D K^- + B^- \rightarrow [\pi^- \pi^+]_D K^-)$$

$B^- \rightarrow D_1 K^-$ と崩壊分岐比の比を測定
(CP非対称性ほぼなし)

$$B^- \rightarrow D_1 \pi^-$$

$$(B^- \rightarrow [K^- K^+]_D \pi^- + B^- \rightarrow [\pi^- \pi^+]_D \pi^-)$$

$$B^- \rightarrow [K^- \pi^+]_D K^-$$

$$B^- \rightarrow [K^- \pi^+]_D \pi^-$$

- Bの崩壊分岐比

= シグナル数 / BBペア / 検出効率 / Dの崩壊分岐比

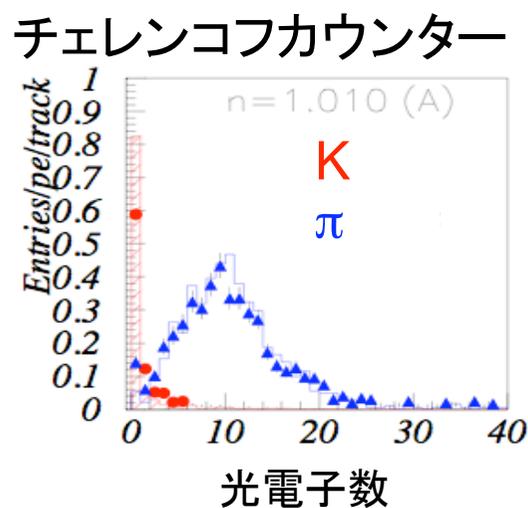
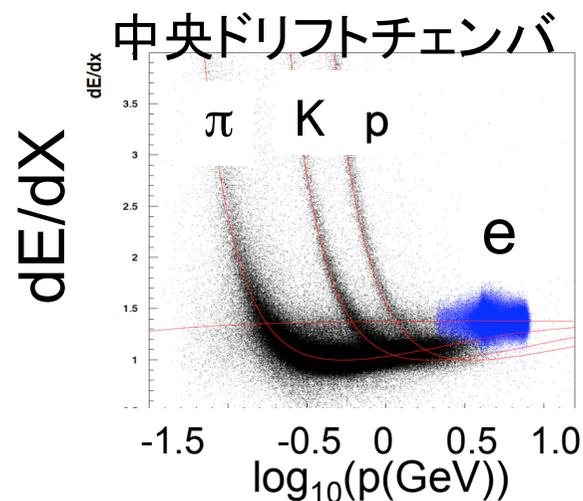
→ 検出効率、崩壊を再構成してシグナルのイベント数を求めれば良い。

粒子の識別

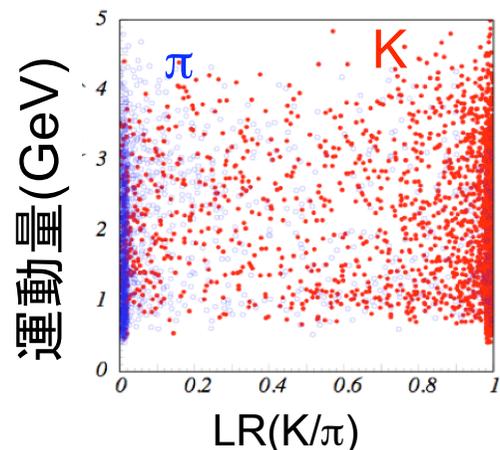
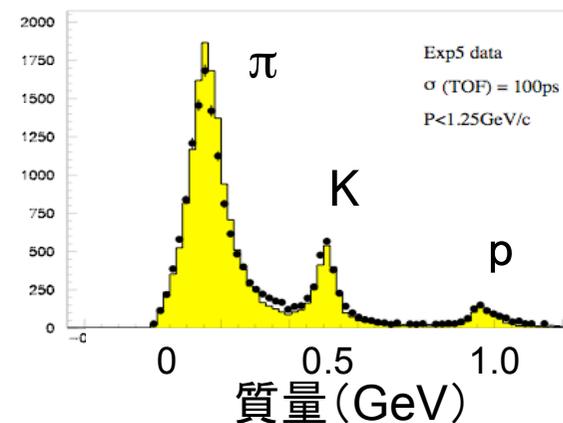


この解析では終状態の粒子は K^\pm と π^\pm 。

各検出器の情報を合わせて得る K/π に対するライクリフッド比 $LR(K/\pi)$ から識別。



飛行時間カウンター



● 粒子識別の要求

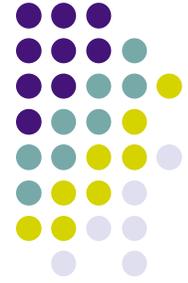
● Dの崩壊粒子

$K: LR(K/\pi) > 0.3, \pi : LR(K/\pi) < 0.7$

● Bから直接崩壊した粒子

$K: LR(K/\pi) > 0.8, \pi : LR(K/\pi) < 0.8$

イベントの選択と再構成



- D(1.865GeV)の再構成: 電荷の異なる K^\pm 、 π^\pm から再構成
 → $1.85\text{GeV} < (\text{再構成した不変質量 } M_D) < 1.88\text{GeV}$
- B(5.279GeV)の再構成: Dと K^-/π^- から再構成
 次の2つの量を利用

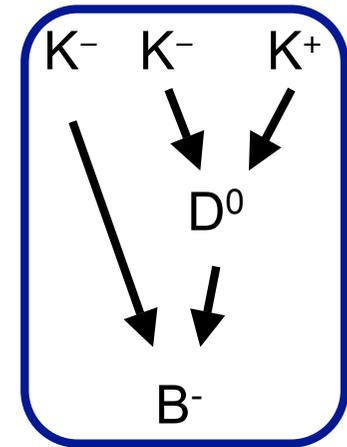
M_{bc} : ビームコンストレインド質量

$$M_{bc} = \sqrt{E_{\text{beam}}^2 - (p_D + p_{K/\pi})^2} \quad (m_B = \sqrt{E_B^2 - (p_D + p_{K/\pi})^2})$$

→ $5.27\text{GeV} < M_{bc} < 5.29\text{GeV}$

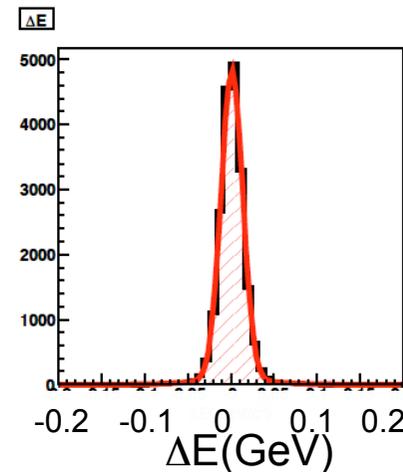
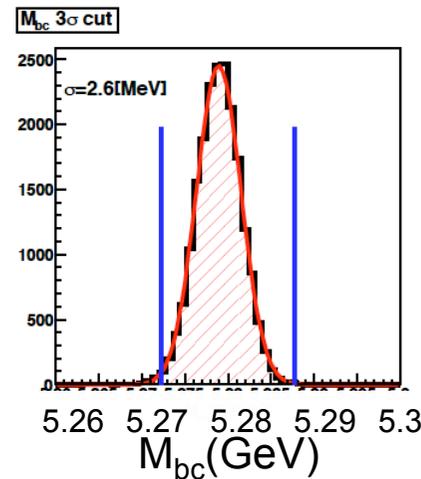
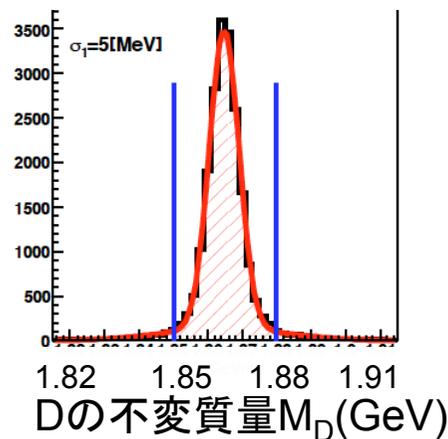
ΔE : エネルギー差

$$\Delta E = E_D + E_{K/\pi} - E_{\text{beam}} \quad ((\text{再構成エネルギー}) - (\text{Bが持つべきエネルギー}))$$



シグナルの導出に用いる

シグナル
モンテカルロ



主なバックグラウンド



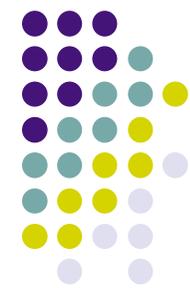
1. B以外の崩壊
 $e^+e^- \rightarrow qq (q=u,d,c,s)$

2. Bの崩壊
非検出粒子あり
 $B \rightarrow D^*\pi, B \rightarrow D^*K$ など

3. Bの崩壊
全粒子を検出
粒子の誤識別あり
 $B \rightarrow D\pi$

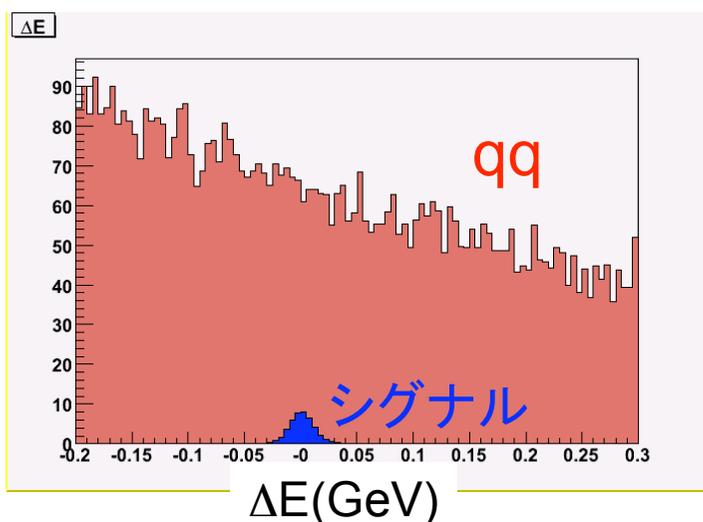
4. Bの崩壊
全粒子を検出
粒子の誤識別なし
組み違い、希崩壊
 $B \rightarrow [K\pi]_D\pi, B \rightarrow KKK, B \rightarrow \pi\pi K$

これらのバックグラウンドを除去、
およびフィットでイベント数を評価。

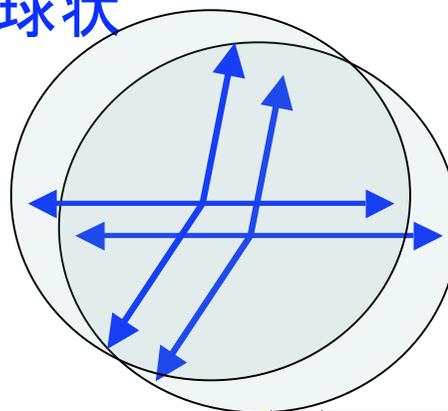


$e^+e^- \rightarrow qq$ バックグラウンド(1)

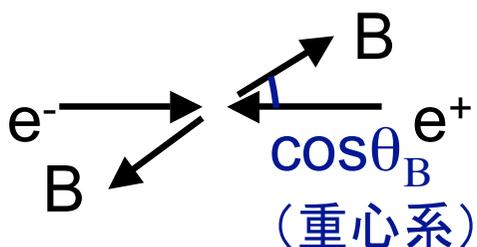
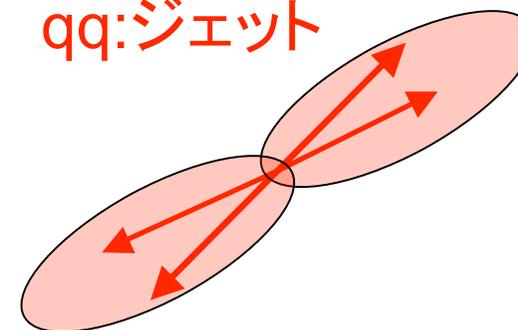
- $e^+e^- \rightarrow qq$ ($q=u,d,c,s$)、 ΔE に一様分布するバックグラウンドイベントの形状、 e^+e^- の重心系の角度分布($\cos\theta_B$)で区別



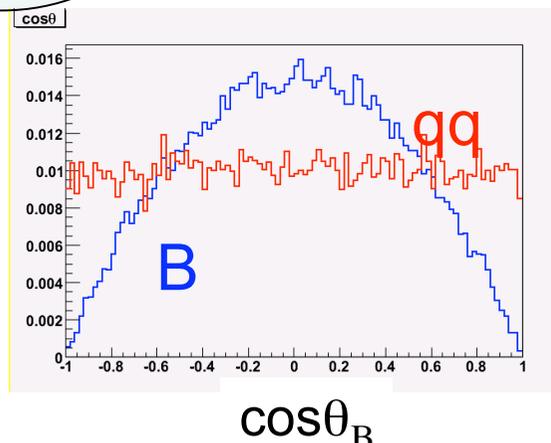
B:球状



qq:ジェット



軌道角運動量1
角度分布
 $1 - \cos^2\theta_B$

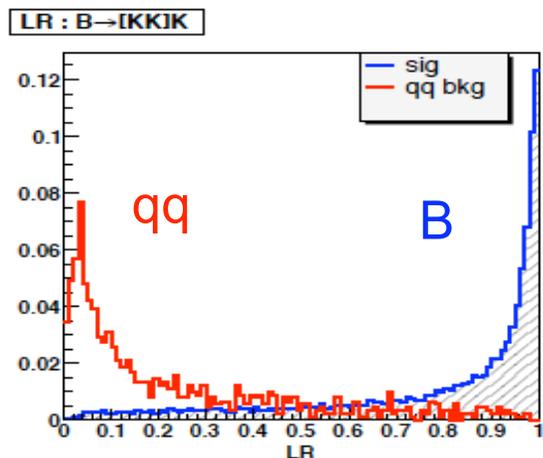


角度分布
ほぼ一様

$e^+e^- \rightarrow qq$ バックグラウンド(2)

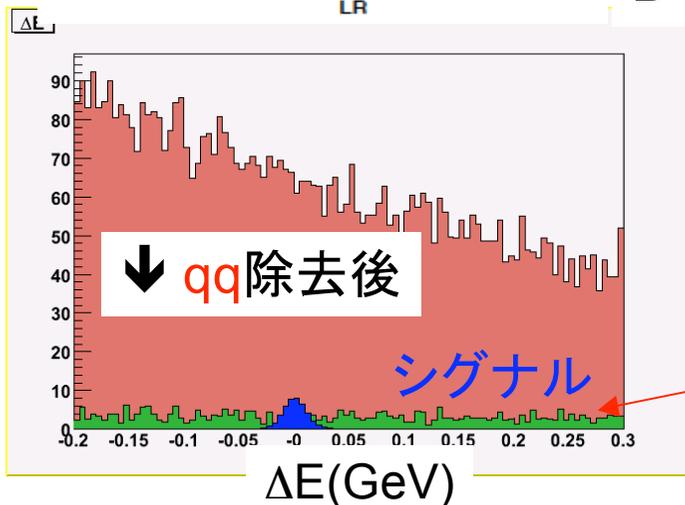


- イベントの形状、 e^+e^- 重心系の角度分布から B と qq に対するライクリフッド比:LRを得る



モンテカルロから、統計誤差に対してシグナル数が最大になるように選択基準を決定

崩壊	LR	シグナル保持率	BG除去率
$B \rightarrow [KK]_D K(\pi)$	LR > 0.45	0.86	0.82
$B \rightarrow [\pi\pi]_D K(\pi)$	LR > 0.75	0.68	0.95
$B \rightarrow [K\pi]_D K(\pi)$	LR > 0.15	0.96	0.53



$B \rightarrow DK$ と $B \rightarrow D\pi$ に同じ選択を課して 系統誤差を相殺

残り(緑)は直線でフィット

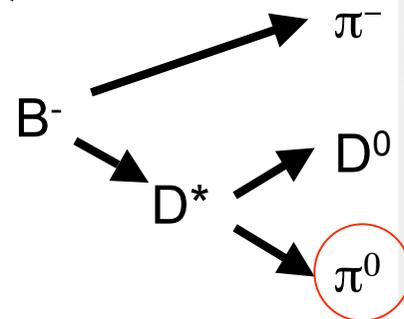
Bの崩壊によるバックグラウンド



- シグナル: $B \rightarrow D\pi$
バックグラウンド: Bの崩壊で非検出粒子があるもの
 ($B^- \rightarrow D^*\pi^-$ など)
 ΔE は負にシフト
 →モンテカルロから形を決めてフィット

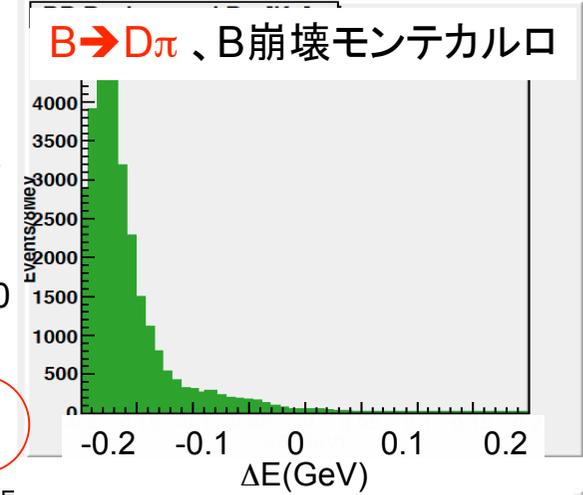
- シグナル: $B \rightarrow DK$
バックグラウンド1: $B \rightarrow D\pi$
 (非検出粒子なし)
 $\pi(140\text{MeV})$ を $K(490\text{MeV})$ と誤識別
 ΔE は正にシフト
 →二つの非対称ガウシアンでフィット

- バックグラウンド2**: $B \rightarrow X\pi$ (非検出粒子あり)
 $B \rightarrow D^*\pi$ を $B \rightarrow D^*K$ と誤識別など
- バックグラウンド3**: その他のB
 $B \rightarrow D^*K$ など
 →2成分に分けてモンテカルロで形を決定

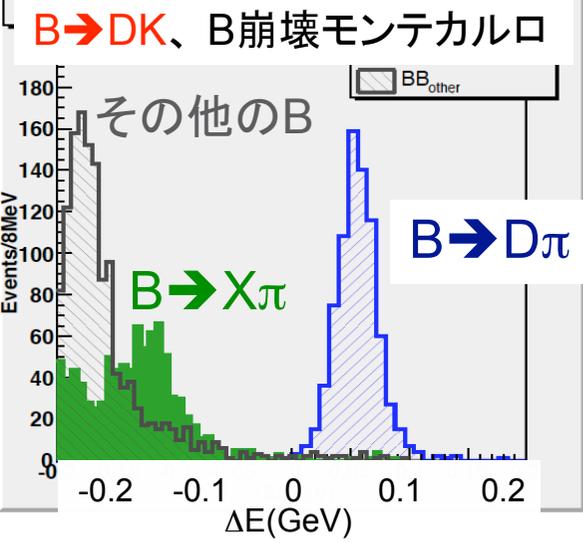


$$\Delta E = E_D + E_{K/\pi} - E_{\text{beam}}$$

$$E = (p_{\text{measure}}^2 + m_{k/\pi}^2)^{1/2}$$



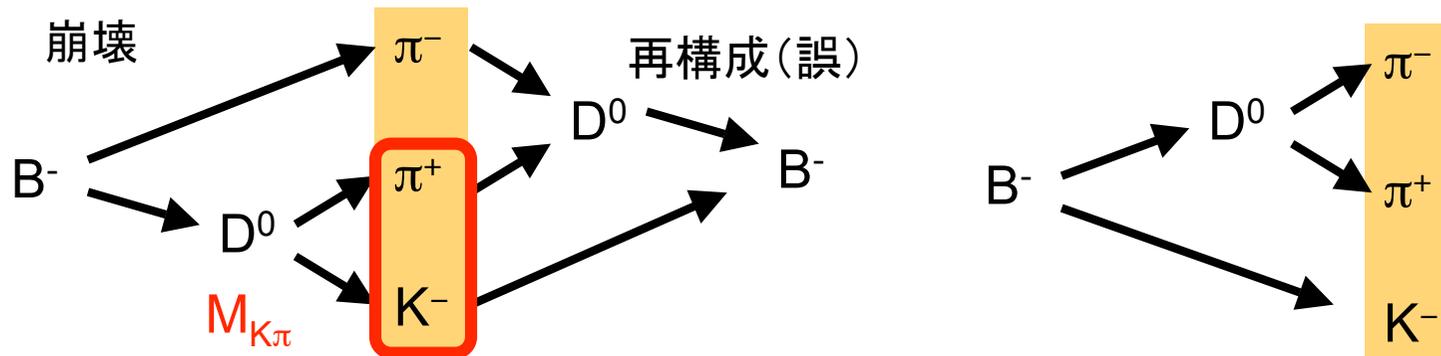
非検出



B → [ππ]_DK シグナルに対する B → [Kπ]_Dπ バックグラウンド

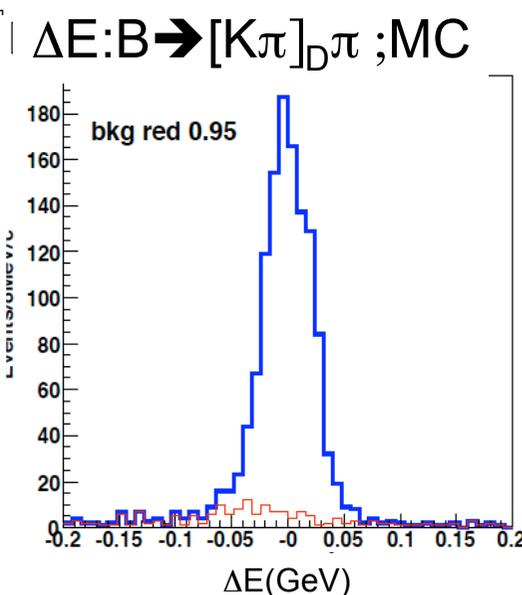
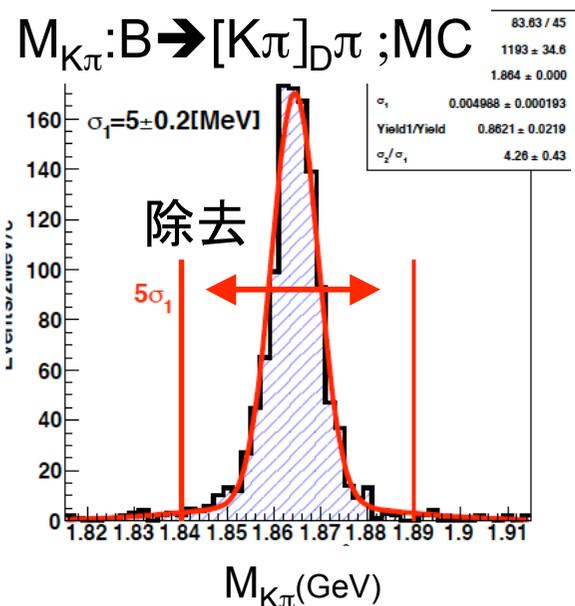


バックグラウンド: B → [Kπ]_Dπ O(10⁻⁵) シグナル: B → [ππ]_DK O(10⁻⁷)



終状態がシグナルと同じ → シグナルと同じく $\Delta E = 0$ でピークを持つ
 $M_{K\pi}$ が D の質量を持つイベントを除去

$$\Delta E = E_D + E_{K/\pi} - E_{\text{beam}}$$



除去前
除去後

1.84 GeV < $M_{K\pi}$ < 1.89 GeV を除去
 → 95% のバックグラウンドが除去
 シグナルはほぼ 100% 保持

B → [KK]_DK B → [ππ]_DK シグナルに対する B → KKK, B → ππK バックグラウンド



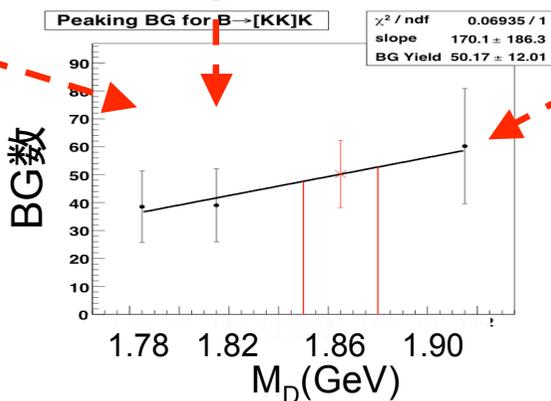
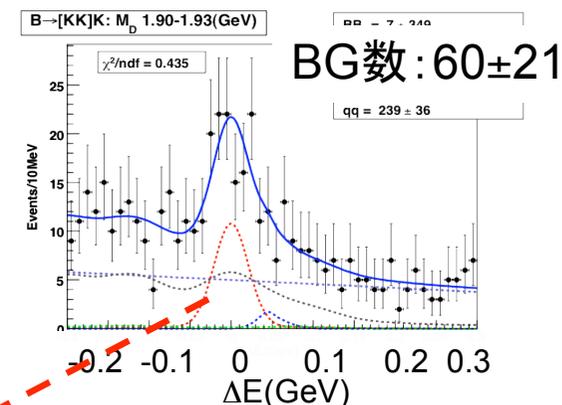
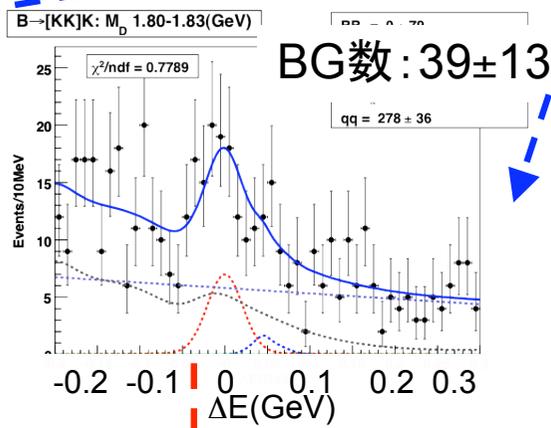
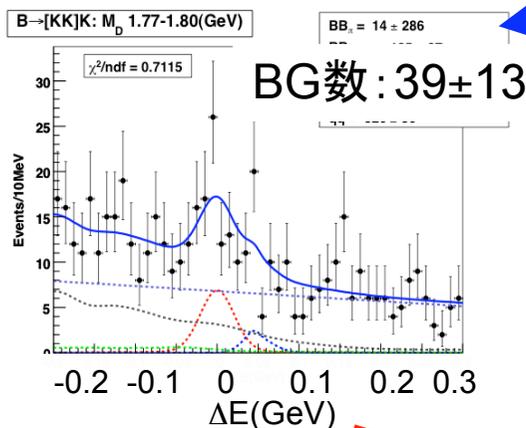
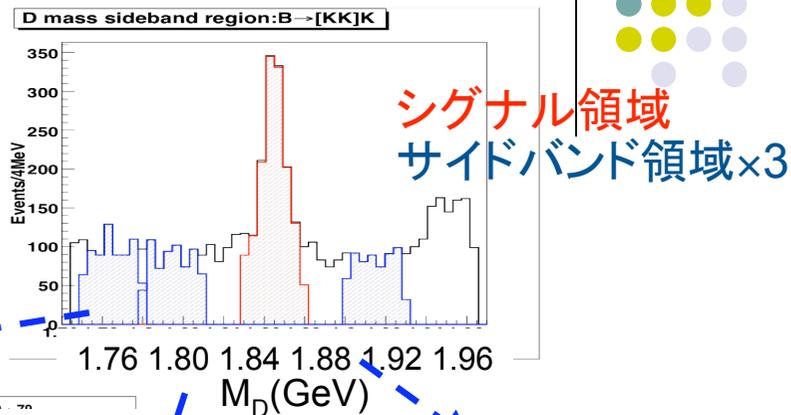
シグナル バックグラウンド

B → [KK]_DK B → KKK

B → [ππ]_DK B → ππK

Dを介さない希崩壊。Dの不変質量で一様

→ サイドバンド領域でBG数を評価



3つのサイドバンド領域から
シグナル領域の
バックグラウンドを
直線でフィットして評価

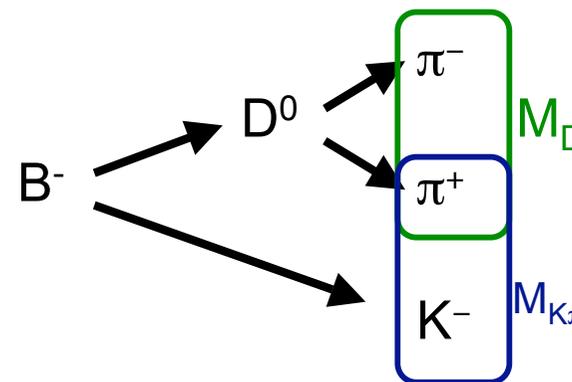
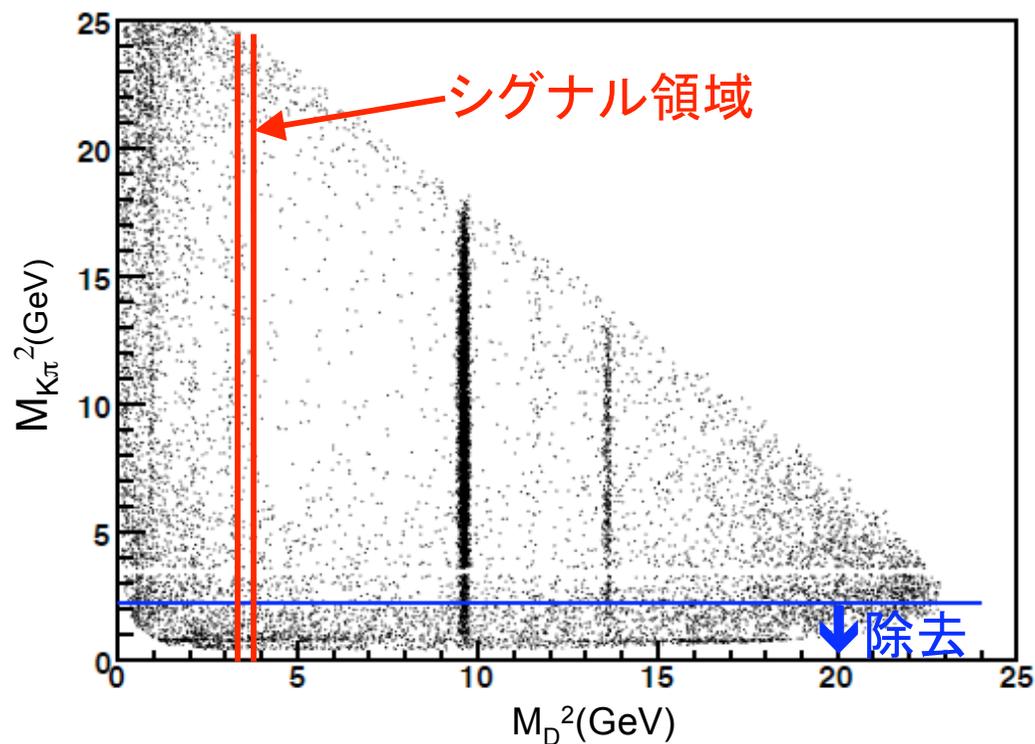
BG数: 50 ± 12 (B → KKK)
同様に 8 ± 7 (B → ππK)



ダリッツ平面を用いた バックグラウンドの除去

- シグナル: $B \rightarrow [\pi\pi]_D K$
- ダリッツ平面の分布から、統計誤差に対してシグナル数が大きくなるようなカットを導入(モンテカルロ利用)

$B \rightarrow [\pi\pi]_D K$ ダリッツ平面



$M_{K\pi}^2 < 2.3$ を除去
シグナル数/統計誤差:
4.3 → 4.8



検出効率

モンテカルロを用いて、イベント選択を行った後の検出効率を求めた

過程	検出効率(%)
$B \rightarrow D_1 K :$	27.6
$(B \rightarrow [KK]_D K :$	29.2)
$(B \rightarrow [\pi\pi]_D K :$	23.2)
$B \rightarrow [K\pi]_D K :$	33.9
$B \rightarrow D_1 \pi :$	35.2
$(B \rightarrow [KK]_D \pi :$	36.0)
$(B \rightarrow [\pi\pi]_D \pi :$	32.8)
$B \rightarrow [K\pi]_D \pi :$	42.7

B → Dπ のシグナルの導出

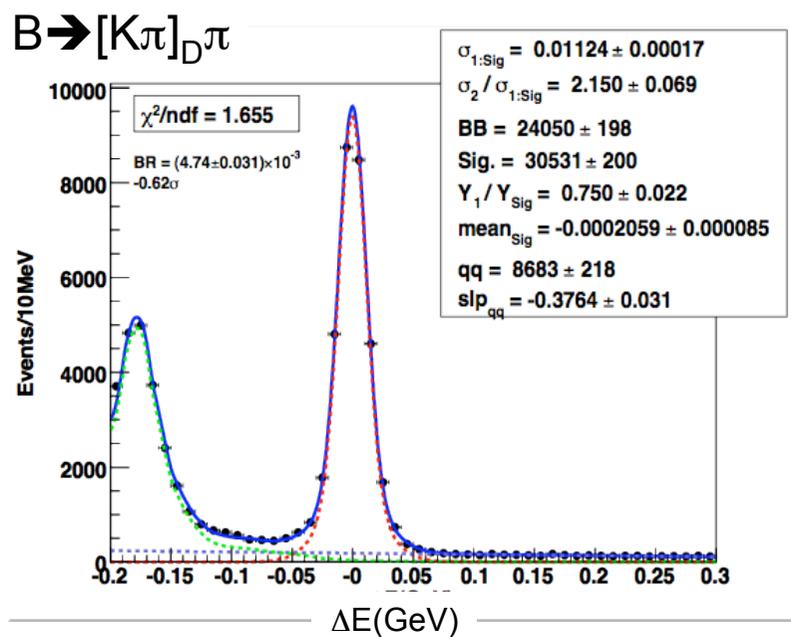


- ΔE分布をフィットしてシグナルを求める

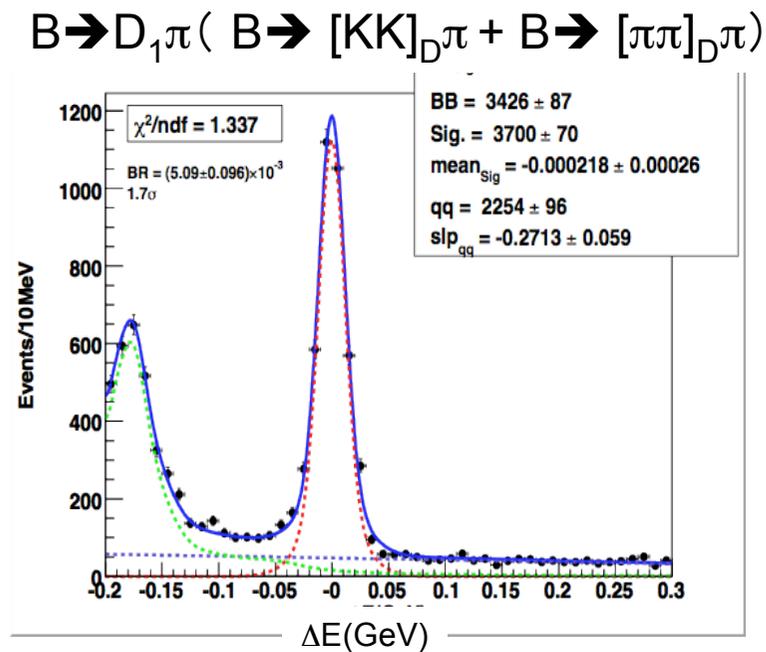
赤: シグナル、2つのガウシアン之和

紫: $e^+e^- \rightarrow qq$ (q=u,d,c,s) バックグラウンド、直線

緑: シグナル以外のB崩壊 (B → D*π など)、モンテカルロ



シグナル: 30531 ± 200

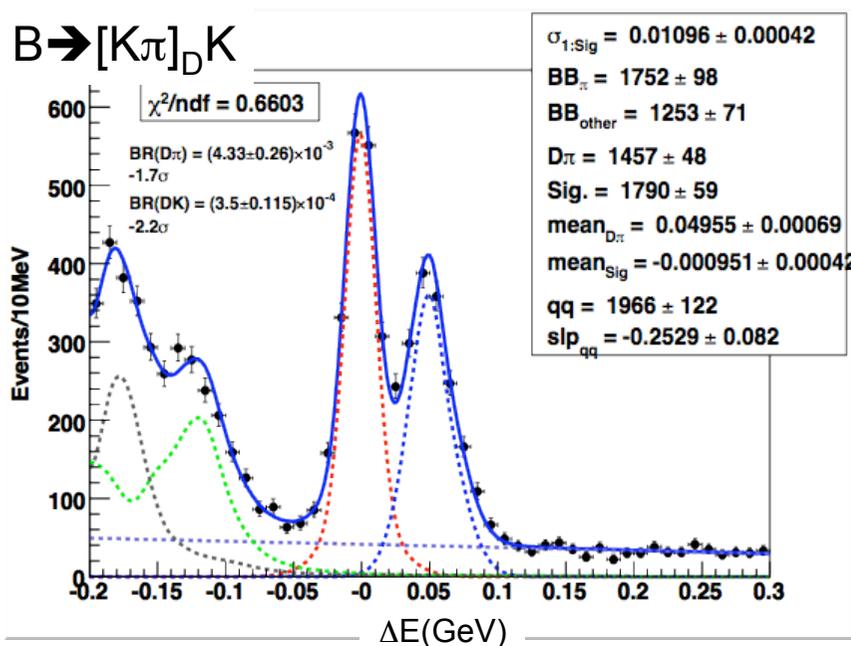


3700 ± 70

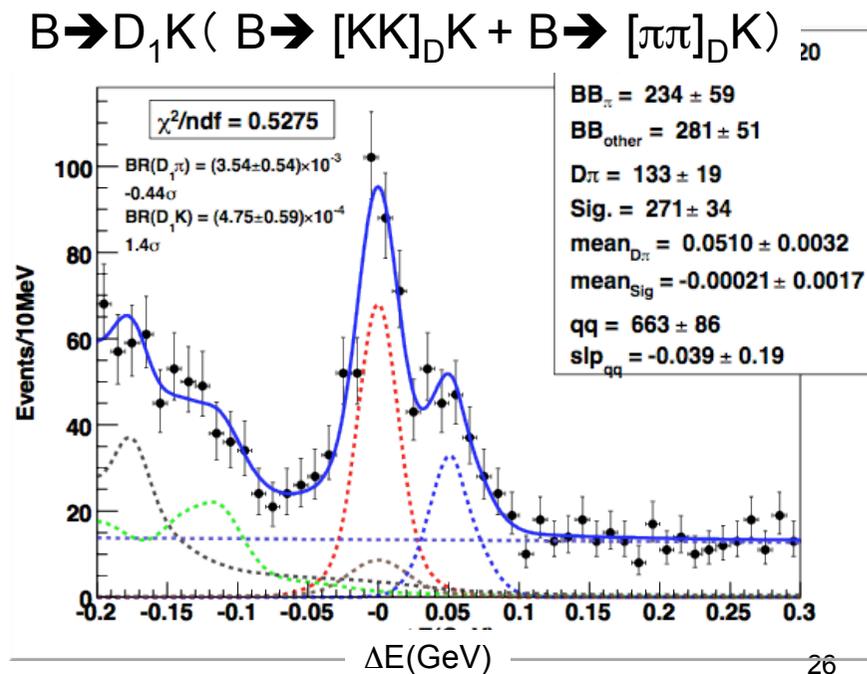
B → DK のシグナルの導出



- ΔE分布をフィットしてシグナルを求める
- 赤: シグナル、2つのガウシアン之和
- 紫: $e^+e^- \rightarrow qq$ (q=u,d,c,s) バックグラウンド、直線
- 茶: $B \rightarrow KKK$ 、 $B \rightarrow \pi\pi K$ (希崩壊)、2つのガウシアン之和
- 青: $B \rightarrow D\pi$ 、非対称ガウシアン之和
- 緑: $B \rightarrow X\pi$ ($B \rightarrow D^*\pi$ など)、モンテカルロ
- 灰色: その他のB崩壊 ($B \rightarrow D^*K$ など)、モンテカルロ



シグナル: 1790 ± 59

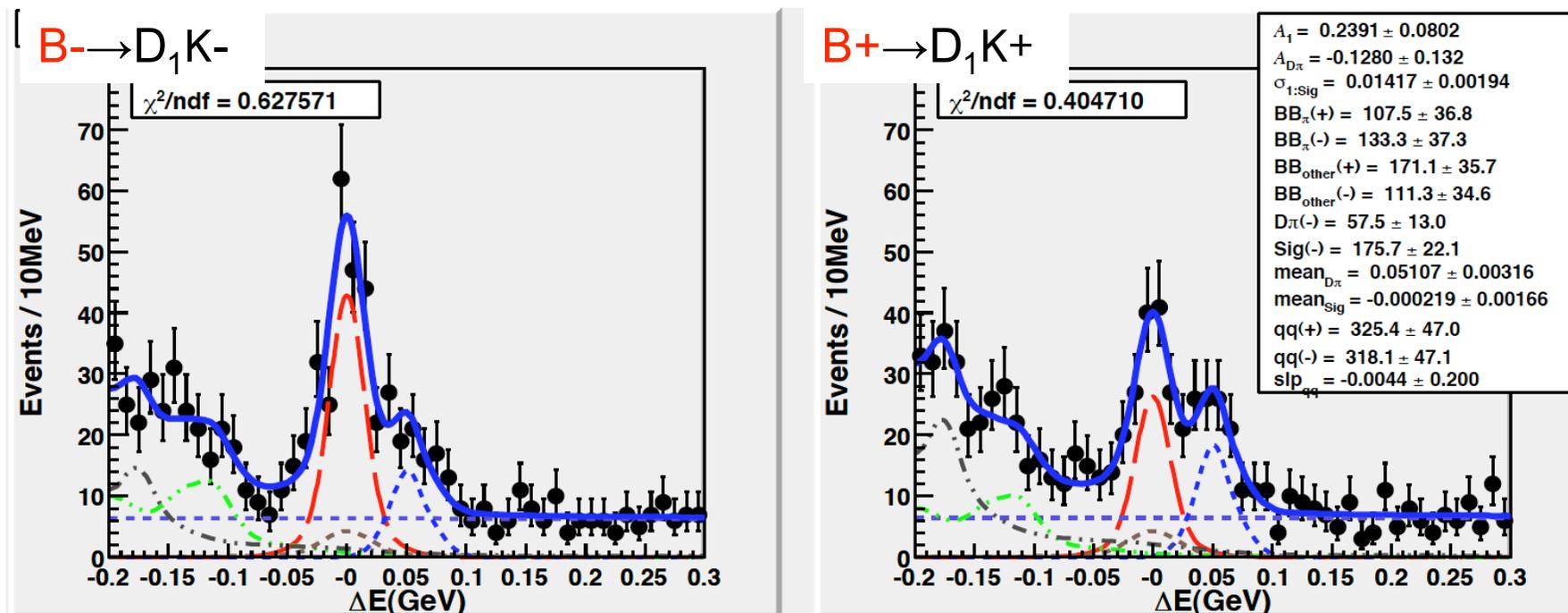


271 ± 34



電荷を分けた ΔE 分布

$B^- \rightarrow D_1 K^-$ 、 $B^+ \rightarrow D_1 K^+$ と電荷で分離して ΔE 分布をフィット

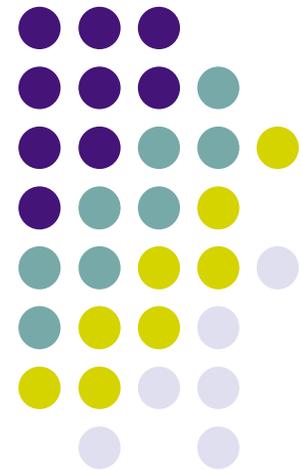


$B^-: 176 \pm 22$

$B^+: 108 \pm 16$

シグナル(赤)の数が B^- と B^+ で異なる
直接的なCPの破れ

結果



系統誤差



崩壊分岐比の比 \mathcal{R}_1 と CP 非対称度 \mathcal{A}_1 は以下のようにシグナル数と検出効率から求まり、系統誤差は表のようになる

$$\mathcal{R}_1 = \frac{N(B^\pm \rightarrow D_1 K^\pm) \times N(B^\pm \rightarrow [K\pi]_D \pi^\pm)}{N(B^\pm \rightarrow D_1 \pi^\pm) \times N(B^\pm \rightarrow [K\pi]_D K^\pm)}$$

$$\mathcal{A}_1 = \frac{N^- - N^+}{N^- + N^+}$$

$$/ \frac{\epsilon(B^\pm \rightarrow D_1 K^\pm) \times \epsilon(B^\pm \rightarrow [K\pi]_D \pi^\pm)}{\epsilon(B^\pm \rightarrow D_1 \pi^\pm) \times \epsilon(B^\pm \rightarrow [K\pi]_D K^\pm)}$$

N: 各崩壊のシグナル数

ϵ : 検出効率

N^\pm : $B^\pm \rightarrow D_1 K^\pm$ のシグナル数

誤差の原因	$\Delta \mathcal{R}_1$	$\Delta \mathcal{A}_1$	
フィットパラメータの固定	0.015	0.003	固定したパラメータを $\pm 1\sigma$ 変化
希崩壊バックグラウンド	0.065	0.008	イベント数を $\pm 1\sigma$ 変化
検出効率	0.033		粒子識別、モンテカルロの統計
検出器の電荷非対称性		0.014	
合計	0.074	0.016	

R₁とA₁の測定結果



崩壊分岐比の比 R_1 、CP非対称度 A_1 を測定

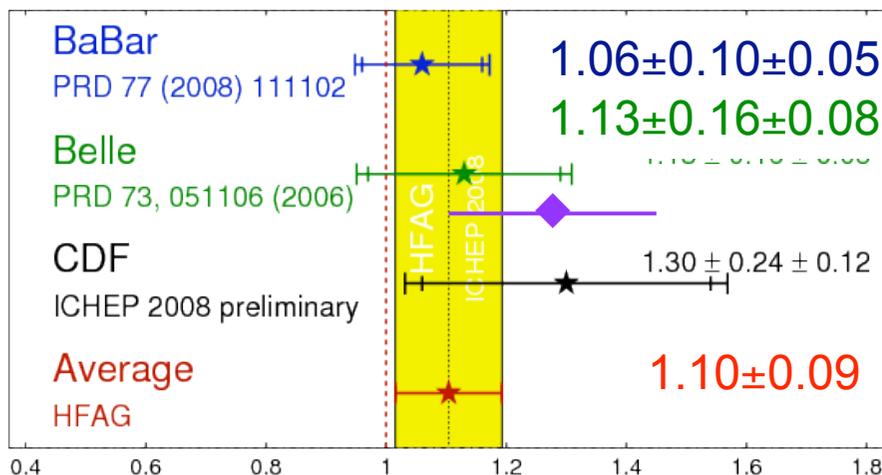
$R_1 = 1.27 \pm 0.17(\text{stat.}) \pm 0.07(\text{syst.})$ (暫定)
 $A_1 = 0.24 \pm 0.08(\text{stat.}) \pm 0.02(\text{syst.})$

BaBar: 382MBB
 Belle(前回): 275MBB
 Belle(今回): **388MBB**

◆:本解析

R_1

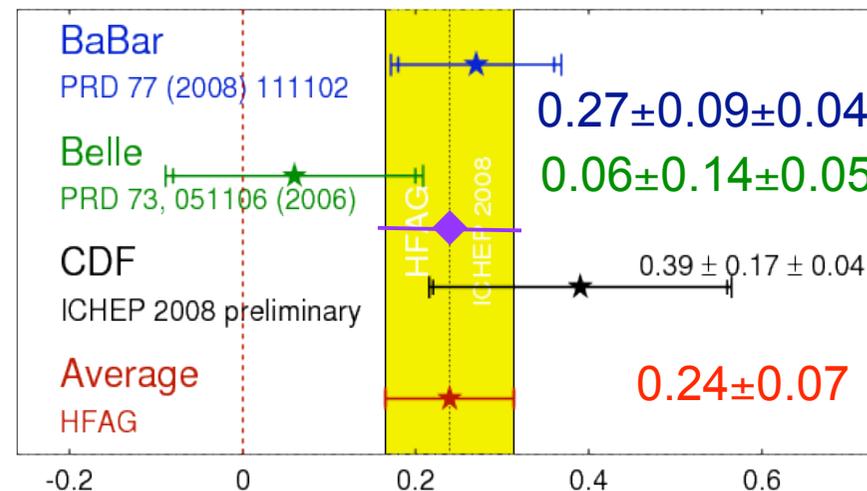
HFAG
ICHEP 2008
PRELIMINARY



◆:本解析

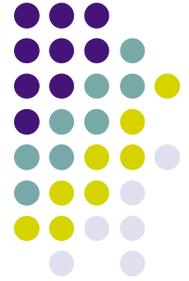
A_1

HFAG
ICHEP 2008
PRELIMINARY



R_1, A_1 ともにBelleの過去の結果と1 σ で一致

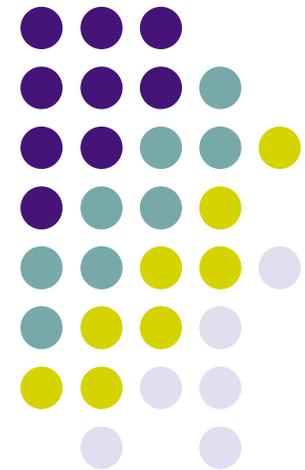
A_1 についてはBelleでは初めてB \rightarrow D₁Kで、約3 σ のCPの破れを測定

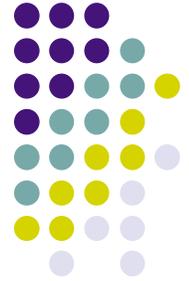


まとめ

- $B \rightarrow D_1 K$ はADS法に用いる崩壊のなかでは崩壊分岐比が大きく、精密測定が可能。
- Belle実験で収集された 388×10^6 BBペアのデータサンプルを用いた解析の結果、CP非対称度 \mathcal{A}_1 と崩壊分岐比の比 \mathcal{R}_1 は
$$\mathcal{A}_1 = 0.24 \pm 0.08(\text{stat.}) \pm 0.02(\text{syst.})$$
$$\mathcal{R}_1 = 1.27 \pm 0.17(\text{stat.}) \pm 0.07(\text{syst.}) \quad (\text{暫定})$$
と測定され、過去のBelleの結果と 1σ で一致、さらに \mathcal{A}_1 についてはBelleでは初めて $B \rightarrow D_1 K$ で、約 3σ のCPの破れを測定
- この結果は他の崩壊の解析結果と合わせることにより、 ϕ_3 の測定精度向上に大きく貢献すると考えられる。

Back Up





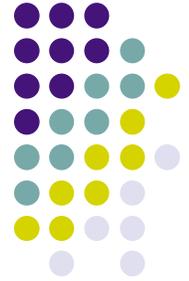
PID

- LR eff fake
 - D daughter (0.3~3.5GeV)

K:>0.3	92.6	15.3
pi:<0.7	93.3	16.7
 - prompt(1.5~3.5GeV)

K:>0.8	76.3	4.9
pi:<0.8	95.2	15.4

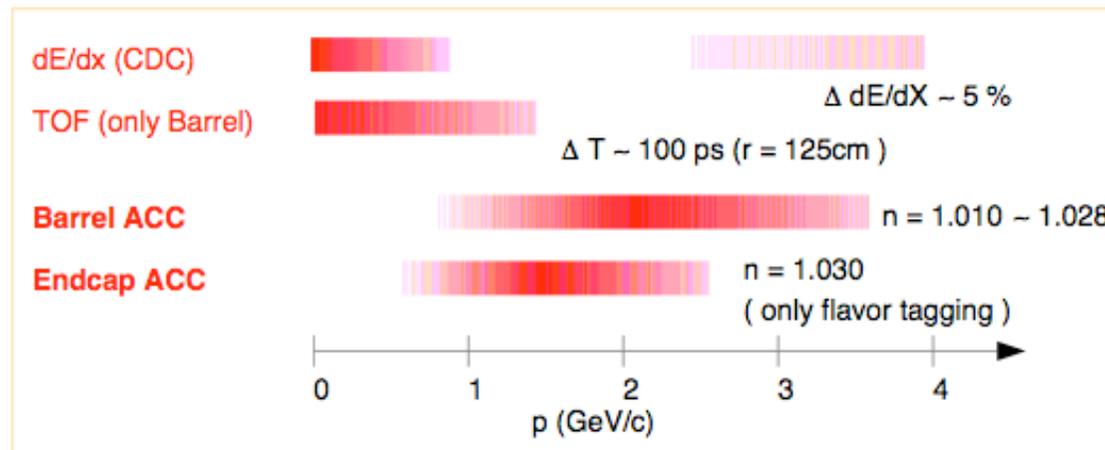
PID2



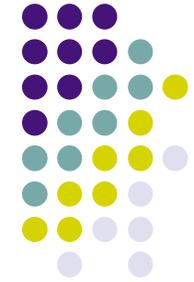
$$L_K = L_K^{\text{CDC}} \times L_K^{\text{ACC}} \times L_K^{\text{TOF}}$$

$$L_{\text{pi}} = L_{\text{pi}}^{\text{CDC}} \times L_{\text{pi}}^{\text{ACC}} \times L_{\text{pi}}^{\text{TOF}}$$

$$L_K = L_K / (L_K + L_{\text{pi}})$$



FoM



LR : $B \rightarrow [KK]K$

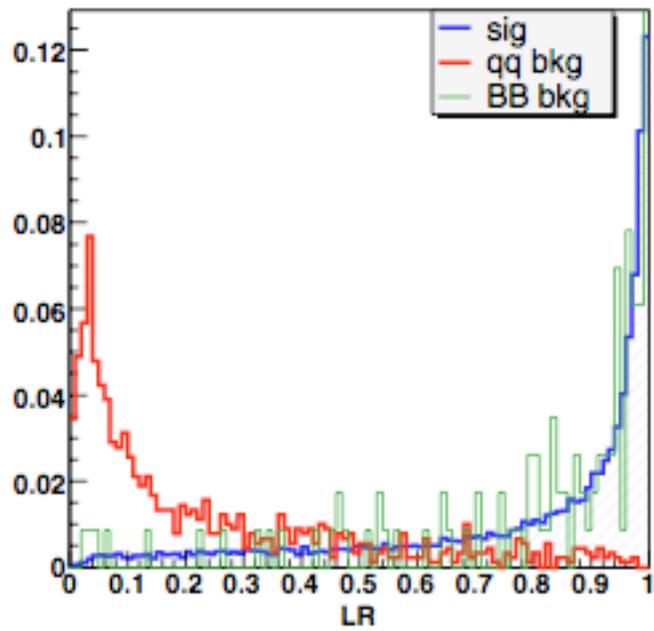
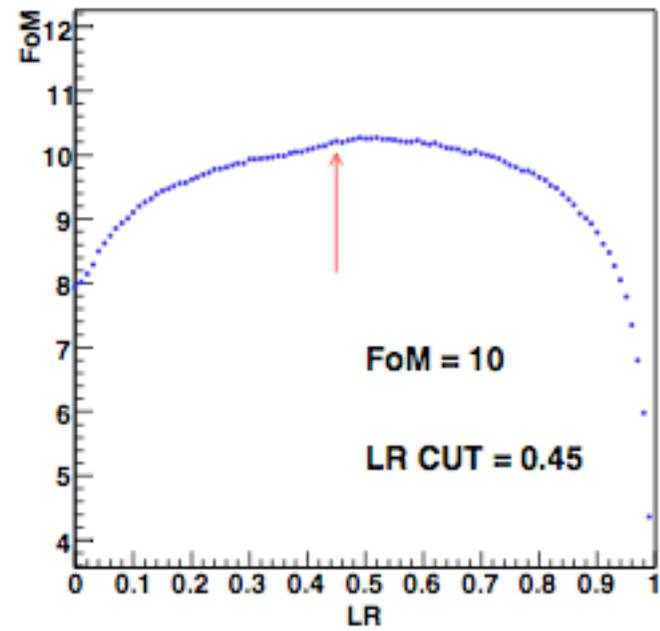


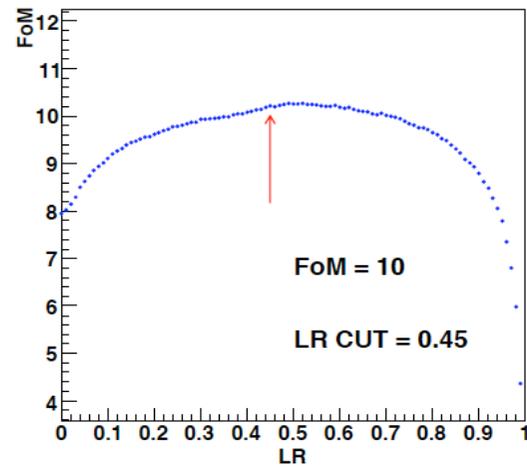
Figure of merit : $B \rightarrow [KK]K$



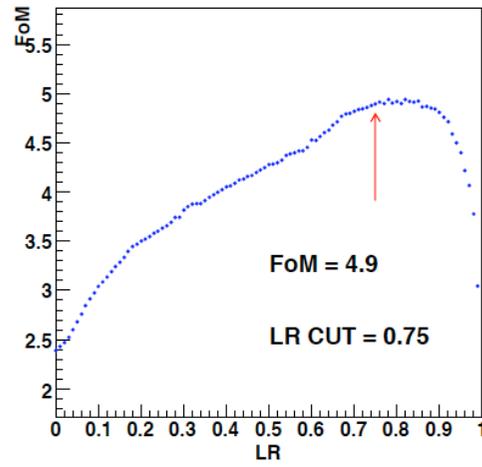
FoM



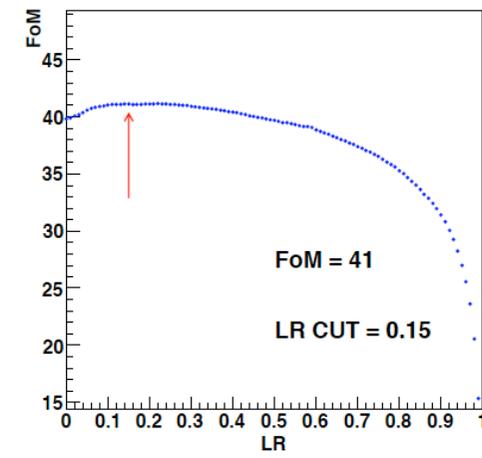
$B \rightarrow [KK]_D K: LR > 0.45$



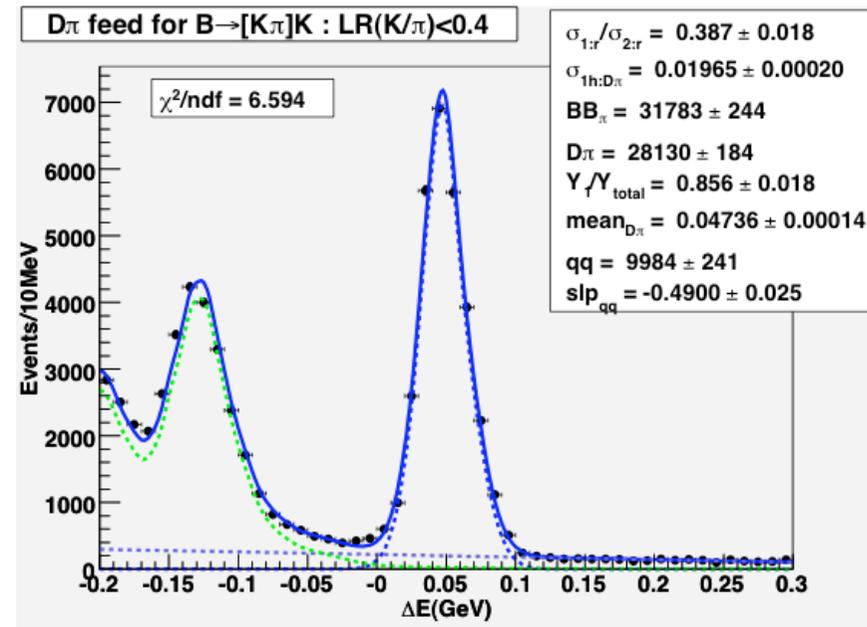
$B \rightarrow [\pi\pi]_D K: LR > 0.75$



$B \rightarrow [K\pi]_D K: LR > 0.15$



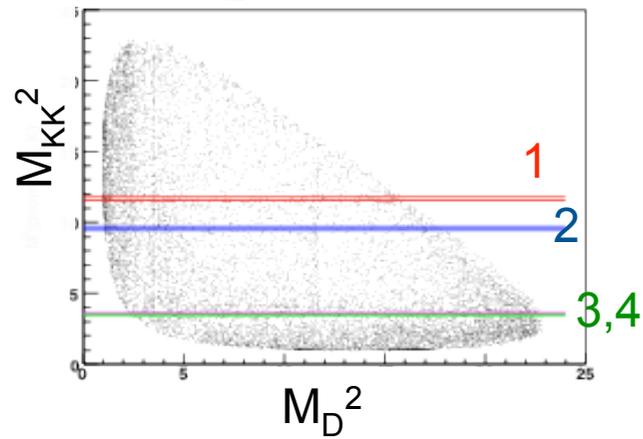
Dpi feed



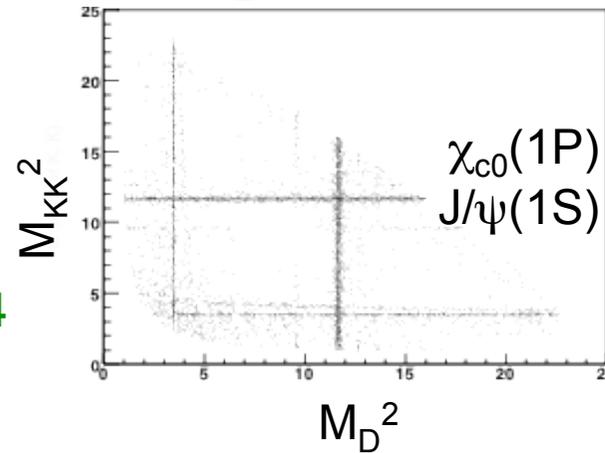
Dalitz



$B \rightarrow [KK]_D K$, Data



$B \rightarrow [KK]_D K$, BB MC



M_{KK} : invariant mass of prompt K + D child K

No additional veto for $B \rightarrow [KK]_D K$.

Nonresonant MC sample

