超伝導加速空洞における積層薄膜構造の 開発研究

東北大学理学部物理学科素粒子実験(加速器) COSB2051 佐々木大成

2024年3月31日

概 要

現代では加速器は科学実験だけでなく医療など様々な場面で使用される。加速器には超 伝導空洞が用いられており、超伝導体の性質を利用することでロスが出来るだけ小さい状 況で荷電粒子の加速を行っている。加速空洞の性能は加速勾配 *Eacc* と Q 値によって表さ れるが、この性能が加速器自体の到達エネルギーや消費電力に直結し、加速空洞の改良は 非常に大切な課題である。

現在空洞内部に超伝導体と絶縁体の積層薄膜構造を形成することによって、加速勾配の 向上が見込まれている。おおまかには絶縁体と超伝導体の薄膜を積み重ね、バルクのニオ ブを保護する構造である。シミュレーションやこれまでの実験から、薄膜の厚さや膜の綺 麗さが重要であることが分かっており、これらを基本とした成膜技術の確立が必要である。

今後の実験では実際に基板上にスパッタリングを行い、膜の性能評価を行うことで成膜 手法の改善を行う。特に現在では回転盤を用いた Nb₃Sn の成膜、筒型の空洞内への NbN の成膜、NbN/Nb₃Sn 混合カソードの製作が重要な課題として挙げられている。

目 次

| 第1章 | 序論 | 2 |
|-----|-----------|----------|
| 1.1 | はじめに | 2 |
| 第2章 | 原理 | 3 |
| 2.1 | 超伝導 | 3 |
| 2.2 | 超伝導空洞 | 7 |
| 第3章 | 積層薄膜構造 | 9 |
| 3.1 | 構造の説明 | 9 |
| 3.2 | SIS 構造 | 10 |
| 3.3 | シミュレーション | 11 |
| 3.4 | 実験データ | 12 |
| 第4章 | 今後の実験 | 14 |
| 4.1 | スパッタリング | 14 |
| 4.2 | 成膜手法 | 15 |
| 4.3 | 薄膜の性能評価方法 | 17 |
| 第5章 | 結論 | 18 |

参考文献

第1章 序論

1.1 はじめに

加速器は荷電粒子を加速させる装置であり、粒子同士の衝突や放射光を発生させるため に用いられている。また、加速器は物理学だけで無く、基礎科学や医療の分野などでも用 いられる。

ILC(国際リニアコライダー)は北上山地に全長約 30m の長さで設計がなされている加速 器である。[1][2] 陽電子・電子衝突型の加速器であり、重心系の衝突エネルギーは 250GeV が予定されている。ただ、拡張により衝突エネルギーは向上される計画である。

加速器では加速モジュール内部に超伝導空洞が使用されている。これは、超伝導状態で 空洞を用いることによりロスを少なくし、良い加速勾配と Q 値を得るためである。ここ で、超伝導空洞の素材として考えられているのが Nb や Nb₃Sn である。Nb3Sn は高い転 移温度と加熱臨界磁場をもち、薄膜構造での超伝導空洞が開発されている。

本論文ではニオブバルクの上に Nb3Sn と絶縁体を薄膜で積み重ねる積層薄膜構造に関 して、有用性と今後の実験についてまとめる。



図 1.1: ILC の概観

第2章 原理

2.1 超伝導

超伝導の基礎事項

ある種の金属や化合物は転移温度 *T_c*よりも低い温度において、超伝導状態に移行する。 長年より高い臨界温度を持つ超伝導体の探索がなされてきた。超伝導状態では以下の性質 が現れる。

- 完全導電性
- マイスナー効果 (完全反磁性)
- 磁束の量子化



図 2.1: 超伝導体の臨界温度年表

まず完全導電性とは物質の抵抗がほとんど0になるというものである。そのため、電流 を流した際に抵抗によるロスが限りなく小さくなる。この効果は、超伝導物質内のキャリ アである電子対 (クーパー対) が散乱を受けづらくなるために現れる。

次にマイスナー効果とは *T_c*よりも温度が高い際には磁場をかけると物質内に磁束が入 り込むが、温度が *T_c*よりも低い時には磁束が内部から排除されるというものである。こ の時、物質表面には外部磁場をキャンセルするような磁場を発生させるマイスナー電流が 生じている。ただし、*T_c*以下で常に完全に排除される訳ではなく、第2種超伝導体におい ては磁束が一部入り込む。

最後に磁束の量子化とは、第2種超伝導体において磁束が入り込んだ際に、磁束の大き さが $\phi_0 = \frac{h}{2\pi} = 2.0678 \times 10^{-15} [Wb]$ の整数倍に制限されるというものである。

また、超伝導空洞製造において重要な値として磁場侵入長 (ロンドン長)λ とコヒーレン ス長 ξ が挙げられる。磁場侵入長は超伝導状態を壊さずに磁場が物質表面から入り込める 長さの事である。実際は *e* の関数で磁場が減少するため、磁場侵入長 λ 付近まで磁場が侵 入する。コヒーレンス長は電子対が互いに相関する距離の事である。コヒーレンス長はロ ンドン方程式を解くことで空洞内の磁場の減衰に関わっていることが分かっている。



図 2.2: マイスナー効果



図 2.3: 磁場侵入長

第1種超伝導体と第2種超伝導体

ここで、超伝導体には第1種超伝導体と第2種超伝導体の2種類が存在する。第1種超 伝導体は外部磁場を印加した際に、ある臨界磁場 H_c まで内部の磁束の排除が行われる。 しかし、 H_c 以上になると超伝導状態が崩れ、全体が常伝導状態に推移する。一方で、第2 種超伝導体は下部臨界磁場 H_{c1} を超えた際にすぐに全体が常伝導状態になるのではなく、 物質内に磁束の形で常伝導状態が一部侵入する。上部臨界磁場 H_{c2} を超えると、物質の全 体が常伝導状態となる。そのため、外部磁場が $H_{c1} < H < H_{c2}$ の領域にある際には、物 質は常伝導領域と超伝導領域が混在する混合状態となる。

混合状態の時、物質内には磁束が入り込むが磁束の周りには電流と常伝導領域が存在する。この領域のことを渦糸 (vortex) と呼ぶ。空洞構造を考える上でこの渦糸がマイクロ波のロス等を引き起こすため、非常に重要である。

a) 第1種超伝導体



b) 第2種超伝導体



図 2.4: 第1種超伝導と第2種超伝導



図 2.5: 渦糸

2.2 超伝導空洞

加速器には超伝導空洞が主に用いられている。超伝導空洞にマイクロ波を入れ、マイク ロ波の電場成分を用いて荷電粒子を加速する。ここで重要となるのは、単位長さ辺りに粒 子をどれだけ加速できるか、運用上どれだけ電力が必要になるのか (ロスがどの程度発生 するか) という点である。

これらについて、対応する指標が加速勾配 *E*_{acc} と Q 値である。[3] それぞれについて以降で説明する。

加速勾配

加速勾配 *E_{acc}*[MV/m] について、これは 1m あたり荷電粒子にどれだけエネルギーを与 えられるかの指標である。この値は超伝導空洞内のマイクロ波と関係があり、空洞の表面 磁場 *H*₀ と以下の関係式で表される。

$\mu_0 H_0 = g E_{acc}$

上式において、 μ_0 は真空の透磁率を表しており、空洞は真空中で用いられることが考え られている。また、g は空洞の形状に起因する定数である。例えば図に乗っている TESLA 型空洞の場合、 $g \simeq 4.3$ である。加速勾配は高い方が加速器として優秀であるため、どれ だけの E_{acc} が得られるかは加速空洞として非常に重要な指標となっている。

Q値

Q値とは、以下の式で表される値である。

$$Q = \frac{G}{R_s}$$

この式で *R_s* は空洞の表面抵抗を表しており、G は空洞の形状に起因する定数である。 表面抵抗が小さいほど Q は大きくなるため、Q 値が大きいほど抵抗によるロスの少ない 空洞といえる。以上のことから、加速空洞としては Q 値が大きくなるように空洞を製造す る。現状の Q 値のおおよそ大きさは 10¹⁰ 程度である。なお、上式における G は TESLA 型空洞において *G* ~ 270[Ω] である。

加速勾配 *E_{acc}* と Q 値は超伝導空洞において性能を示す指標であり、例として図 2.7 が 挙げられる。ただしそれぞれは独立な値では無く、抵抗による発熱などで超伝導状態が壊 れ加速勾配が落ちる等、互いに関係している。



図 2.6: 加速の様子



図 2.7: ニオブ製 9 セル空洞の Q-E 特性

第3章 積層薄膜構造

3.1 構造の説明

積層薄膜構造とは、図 3.1 のように表される構造である。[4][5] ニオブを土台として絶縁体と超伝導体を薄膜で積み重ねている。超伝導体には優れた上部臨界磁場や表面抵抗の点から Nb₃Sn や NbN が用いられる。絶縁体は何でも良いが、加工のしやすさの面からSiO₂ が用いられる。この際の絶縁体と超伝導体の薄膜の厚さ d_I, d_s はそれぞれ $d_I = 10 \sim 100$ nm, ds < 100nm 程度である。ただし後述する磁場の減衰の点から、超伝導体の磁場侵入長 λ_s に対して $d_s \leq \lambda_s$ を満たしていなければならない。

積層薄膜構造は、薄膜で積層した部分が磁場や渦糸の侵入からバルクのニオブを守る構造となっている。仮に超伝導体として Nb₃Sn、バルクとして高い純度を持つ Nb を用いた場合、理論上で表面磁場は $H_0 \approx 400 \sim 500 \text{mT}$ となる。これに対応する加速勾配は TESLA型で $E_{acc} \approx 100 \text{MV/m}$ である。現在開発が進められている数 µm ほどの Nb₃Sn 薄膜の場合、実験では $E_{acc} \approx 22.5 \text{MV/m}$ であり、積層薄膜構造にすることで加速勾配の改善が見込まれる。



図 3.1: 積層薄膜構造

3.2 SIS 構造

積層薄膜構造を簡略化したものが図 3.2 である。以降では、積層薄膜構造でなぜ高い加速勾配が得られるかについてそれぞれの領域の働きに着目しながら説明する。

まず領域Iについて、 $\lambda_1 > \lambda_2$ の時、表面のS層でのマイスナー電流が抑制される。これ により、渦糸の発生や渦糸の物質内への侵入が抑えられる。またS層は非常に薄いため、 仮に渦糸が発生した場合でも渦糸の全長が非常に短くなる。そのため、渦糸がマイクロ波 によって振動することによるロスが抑えられている。以上のことから、S層においては磁 場侵入長 λ_1 や厚さ d_2 が重要である。

次に領域Ⅱについて、仮に領域Ⅰで渦糸が発生した際でも、絶縁体部分で渦糸が消失す る。これによってバルクのニオブを渦糸から保護する構造になっている。

最後に領域 Ⅲ について、これまでの議論からバルクの表面において渦糸が生成されな い限り、領域 Ⅲ に渦糸が侵入することは無い。そのためバルクの超伝導体では、磁束の 侵入が始まる磁場の値である下部臨界磁場 *H*_{c1} が出来るだけ高い物が重要である。



図 3.2: SIS 構造の模式図

SI'S 構造における磁場の減衰

SI'S 構造に外部磁場をかけた際の磁場の減衰の様子は図 3.3 のようになる。[4] 実線は層 が有限の厚さでの場合、破線は無限の厚さを持つ理論的な状態の場合を表している。領域 Iと領域Ⅲで磁場が減衰されていることが分かる。これにより、バルク部分で磁場が減衰 されるため、表面磁場をより大きく印加することが可能になり、加速勾配の向上に繋がる。 ここまでの議論から領域Iと領域Ⅲで適する材料を考える。領域Iではある程度渦糸が 侵入しても構造上問題ない。ただし、超伝導状態が壊れるほどの磁束が入り込んではいけ ないため、高い上部臨界磁場 H_{c2} を持つ物質が適している。また、表面の層であるため表 面抵抗 R_S が小さい物質が重要である。次に領域Ⅲでは先ほど述べたように渦糸が生成さ れないために、下部臨界磁場 H_{c1} が出来るだけ高い物が重要である。

最後にSI'S構造を現在実験が成されているニオブのみの空洞、数 μm の厚さを持つ Nb₃Sn の空洞と比較する。ニオブバルクのみの空洞と比べると、磁場を減衰させる構造上の仕組 みがあることで、より高い表面磁場 H₀を達成することが出来る。また、表面抵抗も Nb₃Sn の方が Nb よりも優れているといえる。次に数 μm の厚さを持つ Nb₃Sn の空洞と比べる と、表面の層においてどちらも Nb₃Sn だが、厚さが異なる。SI'S 構造の方が数 nm の厚 さで薄い分、渦糸でのロスが抑制される。これにより、表層での H_{c2} は等しいがロスの分 だけ数 μm の厚さの Nb₃Sn 空洞の方が超伝導状態が壊れやすいといえる。そのため、表 面磁場をできる限り大きく出来るという点で SI'S 構造の方が優れている。



図 3.3: 磁場減衰の様子

3.3 シミュレーション

SIS 構造におけるシミュレーション結果は図 3.4 の通りである。それぞれ表面の超伝導 体が [a] は NbN、[b] は Nb₃Sn の場合を表している。縦軸は表面の超伝導体層の厚さ d_S 、 横軸は絶縁体層の厚さ d_I を示し、濃淡は空洞における加熱臨界磁場 H_S を表す。

このシミュレーション結果から表層の超伝導体に依らず絶縁体層の厚さが薄いほど加熱 臨界磁場が大きくなり、性能が良くなると分かる。 これは絶縁体がある程度厚い場合、空間的に表面層とバルク層がバラバラに存在してし まうことに起因する。磁場を減衰する仕組み上絶縁体層は必要であるが、厚いと SIS 構造 として成り立たなくなる。

また、*d_S* に関してそれぞれの超伝導体において適切な厚さが存在することが分かる。これは先にも述べたとおり、薄すぎると磁場の減衰効果が弱くなり、厚すぎると発生した磁束によるロスが大きくなるためである。



図 3.4: SIS 構造のシミュレーション結果

3.4 実験データ

SIS 構造の実験による検証を本節で述べる。NbN 超伝導薄膜とSiO₂ 絶縁薄膜をバルク ニオブ上に1層ずつ形成した試料を磁束侵入開始磁場 H_{c1} の測定を行っている。[6][7] 試 料はDC マグネトロンスパッタリングを用いて製作されている。また、磁束侵入開始磁場 の評価には、非破壊かつ非接触で超伝導体の特性を評価出来る第三高調波電圧誘導法を用 いている。SiO₂ の膜厚は 30nm に固定し、NbN の膜厚を変化させることで温度や磁束侵 入開始磁場との関係を調べる。

温度 [K] と磁束侵入開始磁場 *H*_{c1}[mT] の関係を超伝導薄膜の厚さ毎にプロットし、理論 曲線でフィッティングしたものが図 3.5 である。超伝導層の膜厚が小さいほど磁束侵入開 始磁場が大きくなっていることが分かる。また、理論曲線上に綺麗にフィッティングされ ているといえる。

次に膜厚毎の磁束侵入開始磁場を理論曲線上にプロットしたものが図 3.6 である。図 3.6 におけるラベル η(0 < η < 1) は膜質や表面の粗さなどの不完全性によって磁束侵入開始 磁場がどれだけ劣化するかを表す指標である。膜厚が薄い時は η = 0.8 の理論曲線付近に プロットがのっており、厚くなるにつれて η = 1 の完璧な膜状態の曲線に近づいているこ とが分かる。このプロットの様子は NbN の成膜過程から解釈できる。まず NbN は SiO₂ の上にスパッタリングすることで成膜されている。SiO₂ の結晶構造の上に NbN が乗せら れるため、膜厚が薄い際には NbN の膜が SiO₂ の構造の影響を受けてしまう。そのため、 不完全な膜として η = 0.8 の曲線付近にプロットが載るのだと考えられる。一方で、十分 に厚い場合は膜質が向上し NbN の膜本来の性質が出る。したがって、膜が厚いほど η = 1 の理想的な曲線上に近づいていると解釈できる。



図 3.5: NbN における厚さ毎の比較



図 3.6: NbN における実験と理論比較

第4章 今後の実験

本章では今後行う実験測定における成膜手法や性能評価上の指標をまとめる。

4.1 スパッタリング

薄膜の製作にはスパッタリング法を用いる。[8] スパッタリングの模式図は図 4.1 のよう に表される。真空中に Ar ガスを入れ、グロー放電によって Ar プラズマを生成する。この 時アノードとカソード間に電圧がかかっているため、Ar⁺の陽イオンはターゲット材が乗 るカソードに引きつけられる。ターゲット材に衝突した Ar⁺ はターゲット材の原子を弾き 飛ばす。これによって出てきたターゲット材の粒子がアノード側の基板に積もる事で基板 上に膜が形成される。以上がスパッタリングの基本的な流れである。

スパッタリングの際には電圧を印加する。直流の DC 電源を用いる方法を DC スパッタ リングという。ただし DC スパッタリングではターゲット材をカソードとして扱っており、 ターゲット材に電流を流す必要があるため、絶縁体をスパッタする際には用いることが出 来ない。そのため、絶縁体膜を作る際には RF スパッタリングと呼ばれる高周波の交流電 源を用いたスパッタリングを行う必要がある。また、磁場を印加することで効率よく Ar プ ラズマをターゲット材に衝突させるマグネトロンスパッタリングと呼ばれる手法もある。



図 4.1: スパッタリング模式図

4.2 成膜手法

今後の実験では積層薄膜構造に用いる薄膜の製作、性能評価を行う。その上で成膜手法 には2通りが考えられている。以降では回転盤上でスパッタリングする方法と TESLA 型 の筒状空洞内でスパッタリングする方法の2通りについて説明する。

回転盤を用いたスパッタリング

Nb₃Sn 薄膜の製作では金属である Nb と Sn を薄い層で積み重ね、その後アニリングを 行う必要がある。基板へ均一に Nb と Sn の粒子を飛ばすため、回転盤を用いて図 4.2 のよ うに成膜を行う。[9] この方法では基板側が回転しながらターゲット材の上を通過するた め、複数の金属を必要とする薄膜の製作において有用である。薄膜の性質測定を行うこと で、Nb や Sn の最適な混合比などを検証出来ると考えられている。



図 4.2: 回転盤を用いた Nb3Sn の成膜

筒型スパッタリング

実際の TESLA 型超伝導空洞への薄膜形成と同様の方法で行うのが、図 4.3 に示される ような筒型でのスパッタリングである。[10] この方法では筒状の空洞内部に薄膜を形成す るために、棒状のカソードを筒の内部に配置することで空洞内部へのスパッタリングを行 う。また、磁場を印加することで効率の良いスパッタリングになっている。

この方法で考えられているのは NbN の薄膜形成である。そのため、ニオブで作られた カソード棒に DC 電圧を印加し、チェンバー内に窒素ガスを封入することによって NbN が空洞内部に作られる。一方で Nb₃Sn 薄膜を製作する際には、Nb, Nb₃Sn 共に金属であ るため、同様の方法では不可能である。そこで、解決策としてカソード部を Nb と Sn の 混合カソードにする必要がある。この混合カソードの製作は TESLA 型空洞での薄膜製作 において、1 つの課題となっている。



図 4.3: 筒型スパッタリング図

実際に薄膜の製作・性能測定で用いられる空洞が図 4.4 である。空洞にある穴の部分に 取り外し可能な金属の蓋を装着し、成膜を行う。その後蓋の部分を取り外して、膜の性能 測定を行う。また、図 4.5 が実際の成膜の際の様子である。



図 4.4: TESLA 型空洞



図 4.5: 成膜の際の様子

4.3 薄膜の性能評価方法

薄膜の性能評価にはいくつかの指標がある。それぞれについて簡単に説明する。

• 臨界温度 T_C

低温超伝導として加速空洞で用いるため、超伝導の性質を示す臨界温度の測定が重 要である。表面抵抗や磁化率の測定によって転移温度を決定する。

• 磁束侵入開始磁場

第三高調波電圧誘導法などを用いて測定を行う。

● 結晶構造

XRD(X線回折法)を用いて結晶間隔などの測定を行う。目的の結晶が正しく形成されているか確認するためである。

• 組成比

ICP-MS(誘導結合プラズマ質量分析法)を用いる。質量分析器にかけることで元素の種類や濃度を測ることが出来るため、目的の物質であるか確認が出来る。

• 表面粗さ

表面粗さは磁束の侵入に関わる。表面構造がその程度の粗さを持つか測定し、成膜の際の温度や時間などの点を改善する。

第5章 結論

加速器には超伝導空洞が用いられ、荷電粒子の加速を行っている。加速空洞の性能を示 す重要な指標として加速勾配 *E_{acc}* と Q 値があり、これらを向上させる事が非常に重要で ある。

現在空洞内部に超伝導体と絶縁体の積層薄膜構造を形成することによって、加速勾配の 向上が見込まれている。シミュレーションやこれまでの実験では、最適な膜厚で SIS 構造 を形成することで磁束開始侵入磁場が大きくなることがわかっており、これは加速勾配の 改善に繋がる。このことから、積層薄膜構造は構造上の仕組みで加速勾配を向上すること が可能な構造であると考えられる。

また、先行研究では薄膜の厚さや膜の綺麗さが重要であることが分かっている。今後の 実験ではスパッタリングを用いて基板上に製膜する。その後上記の点を踏まえて性能評価 を行い、成膜手法を確立することが必要だと考えられる。特に回転盤を用いた Nb₃Sn の 成膜、筒型の空洞内への NbN の成膜、NbN/Nb₃Sn 混合カソードの製作が今後の重要な 課題である。

参考文献

- [1] 国際リニアコライダー HP. https://aaa-sentan.org/ILC/.
- [2] 山中将, 井上均, 渡邊勇一, 清水洋孝, 道前武, 佐伯学行, 梅森健成, 加古永治, 早野仁 司, 道園真一郎, and 山口誠哉. "ILC 計画実現に向けた KEK における超伝導加速空 洞の製造研究". 2016.
- [3] 久保毅幸. "超伝導加速空洞の物理と課題、そして性能向上への理論的示唆 ー新規 参入の誘いー". TEION KOGAKU, 2019.
- [4] Takayuki Kubo, Yoshihisa Iwashita, and Takayuki Saeki. "Radio-frequency electromagnetic field and vortex penetration in multilayered superconductors". Applied Physics Letters, 104(3), 2014.
- [5] Takayuki Kubo, Yoshihisa Iwashita, and Takayuki Saeki. "Vortex penetration field of the multilayer coating model". arXiv preprint arXiv:1307.0583, 2013.
- [6] Ryo Katayama, Takayuki Kubo, Takayuki Saeki, Hitoshi Hayano, Yoshihisa Iwashita, Hiromu Tongu, Hayato Ito, Tomohiro Nagata, and Ryouhei Ito. "Evaluation of dependence of superconducting characteristics on the multilayer thin-film structure with various thicknesses by using the third harmonic voltage method". 2019.
- [7] 久保毅幸, 佐伯学行, 片山領, and 岩下芳久. "NbN 積層薄膜構造に対する磁束侵入磁 場測定". In Proceedings of the 17th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan, pages 541–544, 2021.
- [8] 神戸製鋼所 HP, スパッタリング法とは?原理や特徴、種類について解説. https://kobelco-coating.com/jp/column/212/.
- [9] Ryo Katayama, Takayuki Saeki, Takayuki Kubo, Hitoshi Hayano, Hayato Ito, Yasuhiro Fuwa, Yoshihisa Iwashita, Ryohei Ito, Tomohiro Nagata, and Ayaka Hattori. "SRF multilayer thin-film R&D at KEK". https: //indico.fnal.gov/event/60446/contributions/277952/attachments/ 173360/234664/TTC2023_Draft_ver14.pdf.
- [10] R Katayama, T Saeki, T Kubo, H Hayano, H Ito, and Y Iwashita. "DEVELOP-MENT OF NIOBIUM SPUTTERING APPARATUS AT KEK". 2023.